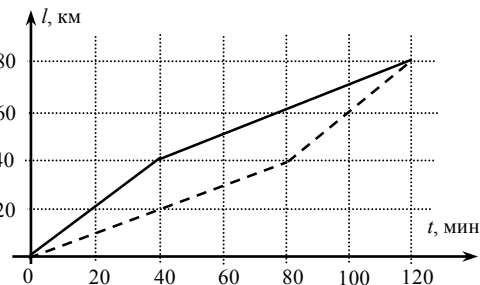


7 класс

Задача 1. На полпути. Из пункта *A* в пункт *B* по прямой дороге выезжают два автомобиля. Первый половину всего пути едет со скоростью 60 км/ч, а вторую половину пути со скоростью 30 км/ч. Второй автомобиль наоборот, первую половину пути едет со скоростью 30 км/ч, а вторую половину пути со скоростью 60 км/ч. В результате, в пункт *B* они приезжают одновременно через 120 мин после старта. На одних координатных осях постройте графики зависимостей расстояний, пройденных автомобилями от времени их движения и определите, с каким временным интервалом они проехали середину дистанции, и какое максимальное расстояние было между ними во время движения.

Возможное решение

Так как скорости на равных участках отличаются в 2 раза, во столько же раз отличаются и времена движения на них. Следовательно, изменение скоростей происходит на 40-й и 80-й минутах. А весь пройденный путь тогда равен 80 км. Построим по этим характерным точкам график. Из которого видно, что с 40-й по 80-ю минуту расстояние между машинами было наибольшим и равным 20 км, а середину дистанции машины прошли с интервалом 40 мин.



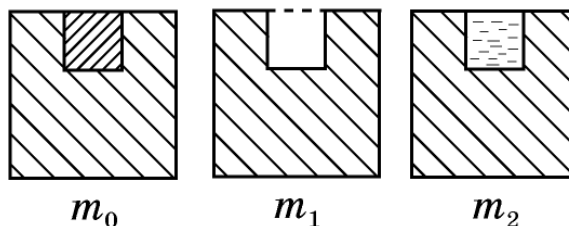
Критерии оценивания

- | | |
|---|---------|
| 1. Определены времена движения на участках | 3 балла |
| 2. Найден весь путь | 2 балла |
| 3. График | 3 балла |
| • подписаны величины и единицы измерения на осях | 1 балл |
| • оцифрованы деления через равные интервалы | 1 балл |
| • построены зависимости пути | 1 балл |
| 4. Определено максимальное, расстояние | 1 балл |
| 5. Найден временной интервал между проездами середины | 1 балл |

Задача 2. Куб с лункой. Если в теле массой $m_0 = 1,6$ кг вырезать лунку в форме куба,

то его масса станет равна $m_1 = 1,2$ кг, а если эту лунку заполнить водой (см. рисунок), то масса тела будет равна $m_2 = 1,7$ кг.

Определите плотность ρ_x материала, из которого изготовлено тело. Плотность воды $\rho_B = 1,0$ г/см³.



Возможное решение

Найдём массу воды в лунке: $m_B = m_2 - m_1 = 0,5$ кг. Объем воды в лунке $V_B = m_B / \rho_B = 500$ см³. Масса материала, извлечённого из лунки $m_x = m_0 - m_1 = 0,4$ кг, а плотность этого материала $\rho_x = m_x / V_B = 0,8$ г/см³.

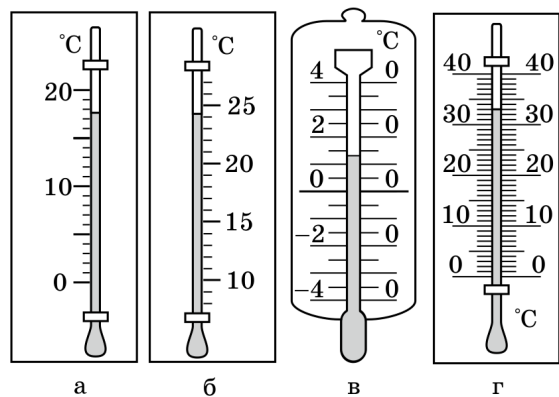
Критерии оценивания

- | | |
|---|---------|
| 1. Определены масса воды в лунке | 2 балла |
| 2. Найден объем лунки | 3 балла |
| 3. Найдена масса материала, извлечённого из лунки | 2 балла |
| 4. Найдена плотность материала кубика | 3 балла |

Задача 3. Быстрые термометры. На рисунке изображены шкалы четырех термометров. Определите, у какого из них наибольшая цена деления и чему она равна. Какой термометр сейчас показывает наибольшую температуру и чему она равна?

Термометры внесли в комнату. Через час температура в ней стала медленно увеличиваться, причем за равные промежутки

времени на одинаковую величину. Определите, во сколько раз будут отличаться максимальная и минимальная скорости движения верхней границы столбиков жидкости в термометрах. Поясните, как получены ваши ответы. Применять свои линейки для измерений при решении нельзя.



Возможное решение

Для ответа на первые вопросы задачи составим табличку, в которую занесем цену деления каждого термометра и его показания

№	а	б	в	г
$\Delta t, ^\circ\text{C}$	1	1	5 – максимум	1
$t, ^\circ\text{C}$	18	24	15	33 – максимум

Напомним, в случае если указатель шкалы располагается между штрихами, показания снимаются по ближайшему штриху, а не рассчитываются пропорционально доле цены деления!

Для сравнения скоростей подъема столбиков выберем по возможности большее одинаковое изменение температуры, которое можно измерить на всех шкалах (например, 15°C , так как вторым термометром (б) большую разность температур уже не измерить). Подбирая совпадающие деления, выразим высоты подъема столбиков при нагревании на 15°C в делениях шкалы второго термометра. Они составят:

для термометра а 12 делений

Задание можно уносить с собой!!!

для термометра β 15 делений

для термометра ϵ (изменение высоты столбика при нагревании на 80°C соответствует 19 делениям термометра β , следовательно, нагреванию на 15°C будет соответствовать 3,6 деления)

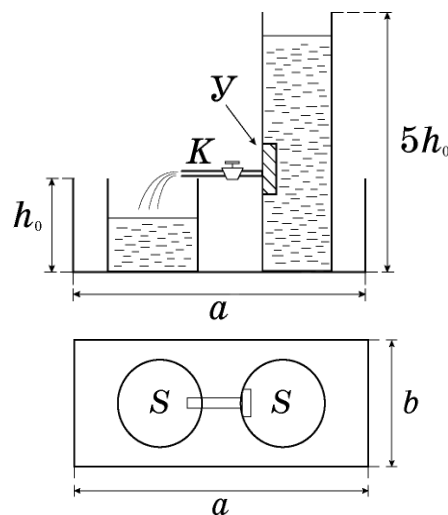
для термометра ζ (изменение высоты столбика при нагревании на 40°C соответствует 18 делениям термометра β , следовательно, нагреванию на 15°C будет соответствовать 6,8 деления).

Таким образом, отношение максимальной и минимальной скоростей подъемов столбиков (в термометрах β и ϵ , соответственно) равно $15/3,6 = 4,2$.

Критерии оценивания

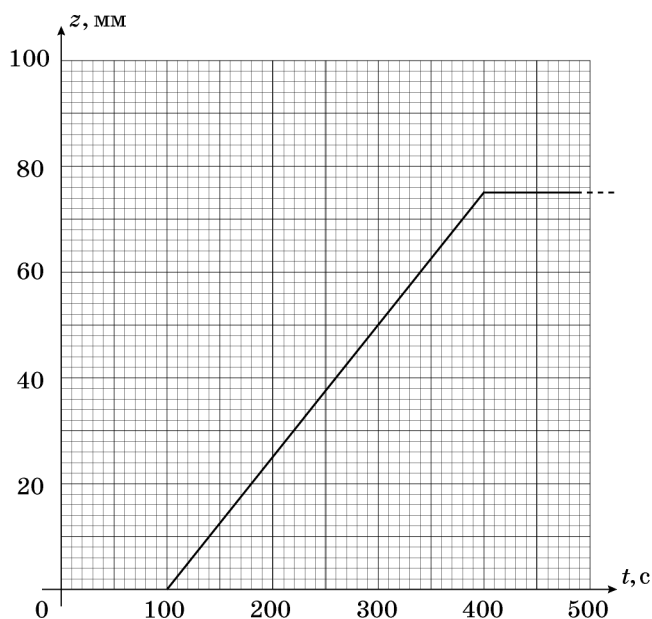
- | | |
|---|---------|
| 1. Определена цена деления каждого термометра | 1 балл |
| 2. Выбрана максимальная цена деления | 1 балл |
| 3. Определены показания каждого термометра
(если приведены дробные значения, балл не ставится) | 1 балл |
| 4. Выбрана максимальная температура | 1 балл |
| 5. Описан метод сравнения скоростей | 2 балла |
| 6. Приведены результаты сопоставления изменения высот столбиков при одинаковых изменениях температуры | 2 балла |
| 7. Найдено отношение скоростей (диапазон от 4,0 до 4,4) | 2 балла |

Задача 4. Из полного в порожнее (1). В прямоугольном поддоне со сторонами $a = 30$ см, $b = 20$ см и высотой бортика $h_0 = 10$ см стоят цилиндрические сосуды с площадью основания $S = 100$ см² каждый (см. рисунок). Высота первого сосуда h_0 , а второго $5h_0$. В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краном K , второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда. В этом положении трубка горизонтальна. Благодаря наличию устройства Y , при открытом кране K уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью $v = 1,0$ мм/с. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен $5h_0$. В момент времени $t = 0$ кран открывают. Постройте график зависимости уровня воды z в поддоне от времени t после открытия крана ($0 < t < 500$ с).



Возможное решение

Так как площади сечения сосудов одинаковы, а уровень воды в высоком сосуде понижается со скоростью $v = 1$ мм/с, низкий сосуд заполнится через время $t_1 = h_0/v = 100$ с после открытия крана. До этого момента воды в поддоне нет. Начиная с момента времени t_1 , вытекающая вода начинает заполнять поддон. Всего в поддон вытечет объем воды равный $V = 3h_0S = 3000$ см³. Этот объем воды будет вытекать в течение времени $t_2 = 300$ с и растечется по площади S_1 равной площади поддона минус площадь сечения двух сосудов: $S_1 = ab - 2S = 400$ см². Из условия равенства объемов получаем $V = S_1 z_m$, где z_m максимальный уровень воды в поддоне, и окончательно: $z_m = V/S_1 = 3h_0S/(ab - 2S) = 7,5$ см = 75 мм. График зависимости $z(t)$ представлен на рисунке.



Критерии оценивания

- | | |
|---|---------|
| 1. Определено время заполнения низкого сосуда | 1 балл |
| 2. Определено общее время вытекания воды из высокого сосуда | 1 балл |
| 3. Определена площадь поверхности воды в поддоне | 2 балла |
| 4. Использовано условие равенства объемов | 1 балл |
| 5. Определен максимальный уровень воды в поддоне | 2 балла |
| 6. Представлен правильный график зависимости z от t | 3 балла |
| • Подписаны оси и указаны единицы измерения, выбран удобный масштаб с равными делениями | 1 балл |
| • Наличие трех участков на графике | 1 балл |
| • Верно нанесены характерные точки изломов | 1 балл |

8 класс

Задача 1. Средняя деревенская. На перемещение из города в деревню с постоянной скоростью, автомобиль затратил время t . На обратном пути водитель ехал быстрее, и добрался до города за вдвое меньшее время. За какое время доехала бы машина от города до деревни, если бы водитель поддерживал скорость равную средней скорости своего движения за поездку туда и обратно?

Возможное решение

Обозначим расстояние от города до деревни за s . Тогда скорость автомобиля на пути из города в деревню равна s/t , а на обратном $2s/t$. Рассчитаем среднюю скорость всего движения: $v = \frac{2s}{3t/2} = \frac{4s}{3t}$. Откуда, время движения t_0 от города до деревни, при

скорости равной средней скорости движения за поездку туда и обратно равно: $t_0 = \frac{3}{4}t$.

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Записана скорость на пути из города в деревню | 2 балла |
| 2. Записана скорость на обратном пути | 2 балла |
| 3. Найдена средняя скорость на всем пути | 4 балла |
| 4. Найдено искомое время движения | 2 балла |

Задача 2. Зимой и летом... Экспериментатор Глюк обратил внимание, что в начале зимы показания двух уличных термометров (один проградуирован в градусах Фаренгейта, а другой в градусах Цельсия) совпадая по модулю, имеют разные знаки $11,5^{\circ}\text{F}$ и $-11,5^{\circ}\text{C}$. Когда наступили суровые морозы, показания термометров опять совпали, но теперь уже и по знаку -40°F и -40°C . Определите, какую температуру покажет термометр в градусах Цельсия, когда показания второго будут равны $+40^{\circ}\text{F}$.

Возможное решение

Так как обе шкалы линейные, то линейен и закон преобразования из градусов Фаренгейта в градусы Цельсия. Запишем его: $T_C = aT_F + b$, где a и b – постоянные коэффициенты. $T_{F1} = 11,5^{\circ}\text{F}$, $T_{C1} = -11,5^{\circ}\text{C}$, $T_{F2} = -40^{\circ}\text{F}$, $T_{C2} = -40^{\circ}\text{C}$, $T_{F3} = 40^{\circ}\text{F}$, T_{C3} – необходимо найти.

Решая систему, определяем $a = \frac{T_{C1} - T_{C2}}{T_{F1} - T_{F2}} = 0,56^{\circ}\text{C}/^{\circ}\text{F}$ и $b = \frac{T_{C2}T_{F1} - T_{C1}T_{F2}}{T_{F1} - T_{F2}} = -17,9^{\circ}\text{C}$.

Подставив $T_{F3} = 40^{\circ}\text{F}$ в полученный закон, получим $T_{C3} = aT_{F3} + b = 4,5^{\circ}\text{C}$.

Критерии оценивания

- | | |
|---|-----------|
| 1. Высказана идея, как найти закон перевода шкал | 1 балл |
| 2. Записана система уравнений | 2 балла |
| 3. Найденны коэффициенты в законе перевода (по 3 балла за каждый) | 6 баллов* |
| 4. Найдена искомая температура | 1 балл |

* правильные альтернативные решения должны оцениваться полным баллом!

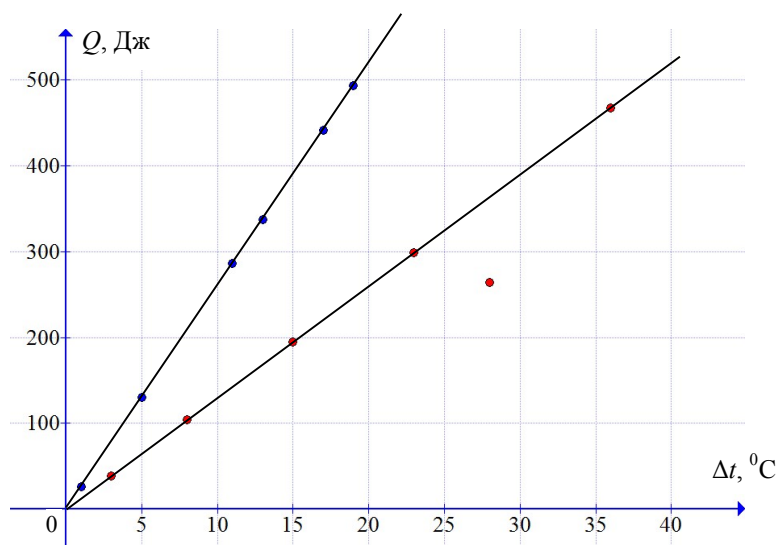
Задача 3. Шариковая смесь. В лаборатории калориметрии провели серию экспериментов по нагреванию стальных шариков двух различных масс. В таблице приведены значения изменений температуры шариков Δt в зависимости от подведенного к ним количества теплоты Q . К сожалению, по неопытности лаборант занес в одну таблицу данные для разных шариков. Построив график, определите, во сколько раз отличались массы шариков и найдите какой из результатов явно надо отбросить, как промах экспериментатора.

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Q , Дж	440	195	40	470	25	340	105	260	130	290	495	300
Δt , $^{\circ}\text{C}$	17	15	3	36	1	13	8	28	5	11	19	23

Возможное решение

Нанесем все экспериментальные точки на поле графика с осями Δt и Q . Так как при нагревании $Q = mc\Delta t$, то зависимость для каждого из тел должна быть линейной. Все точки, за исключением одной хорошо ложатся на прямые, а точку $Q = 260$ Дж следует перемерить. Отношение масс пропорционально отношению угловых коэффициентов

наклона прямых: $\frac{m_1}{m_2} = 2$.

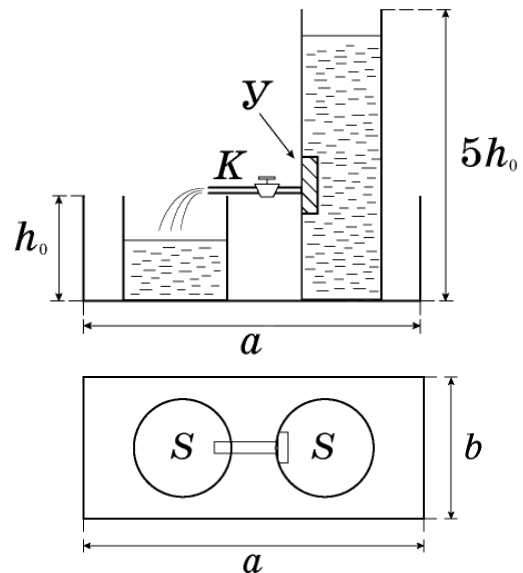


Задание можно уносить с собой!!!

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Теоретическое обоснование линейности зависимости Q и Δt | 1 балл |
| 2. Теоретическое обоснование пропорциональности отношения масс и угловых коэффициентов наклона | 1 балл |
| 3. График $Q(\Delta t)$ или $\Delta t(Q)$ | 4 балла |
| • подписаны величины и единицы измерения на осях | 1 балл |
| • оцифрованы деления через равные интервалы | 1 балл |
| • нанесены точки и проведены прямые (не ломаные) | 2 балла |
| 4. Определено отношение масс ($\pm 5\%$) | 2 балла |
| 5. Найдена точка выброса | 2 балла |

Задача 4. Из полного в порожнее (2). В прямоугольном поддоне со сторонами $a = 30$ см, $b = 20$ см и высотой бортика $h_0 = 10$ см стоят легкие цилиндрические сосуды с площадью основания $S = 100$ см² каждый (см. рисунок). Высота первого сосуда h_0 , а второго $5h_0$. Дно поддона шероховатое. В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краем K , второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда. В этом положении трубка горизонтальна. Благодаря наличию устройства Y , при открытом кране K уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью $v = 1,0$ мм/с. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен $5h_0$. В момент времени $t = 0$ кран открывают. Постройте график зависимости давления p , оказываемого низким сосудом на дно поддона, от времени t после открытия крана ($0 < t < 500$ с).



Возможное решение

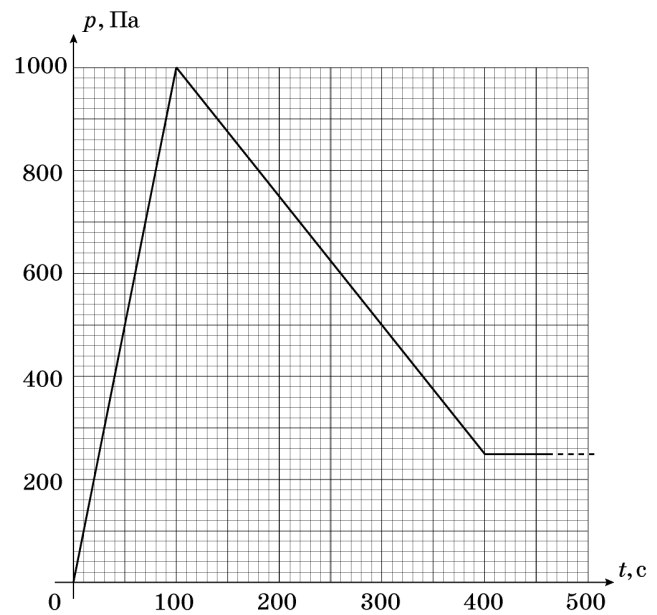
Так как площади сечения сосудов одинаковы, а уровень воды в высоком сосуде понижается со скоростью $v = 1$ мм/с, низкий сосуд заполнится через время $t_1 = h_0/v = 100$ с после открытия крана. До этого момента воды в поддоне нет, сила Архимеда на сосуд не действует, а давление, оказываемое низким сосудом на дно поддона, равномерно возрастает $p(t) = \rho gh = \rho gvt$. Максимальное значение давления p_m достигается при $t = t_1$ и равно $p_m = 1000$ Па.

С момента времени t_1 , вытекающая вода начинает заполнять поддон и появляется возрастающая сила Архимеда, действующая на сосуды. Всего в поддон вытечет объем воды равный $V = 3h_0S = 3000 \text{ см}^3$. Этот объем воды будет вытекать в течение времени $t_2 = 300 \text{ с}$ и растечется по площади S_1 , равной площади поддона минус площадь сечения двух сосудов: $S_1 = ab - 2S = 400 \text{ см}^2$. Из условия равенства объемов получаем $V = S_1 z_M$, где z_M максимальный уровень воды в поддоне, и окончательно:

$z_M = V/S_1 = 3h_0S/(ab - 2S) = 7,5 \text{ см} = 75 \text{ мм}$. После этого вытекание воды прекратится и никаких изменений в системе происходить не будет.

Максимальная сила Архимеда, действующая на сосуд при уровне воды в поддоне z_M , равна $F_A = \rho g S z_M = 7,5 \text{ Н}$. При этом достигается минимальное давление заполненного водой низкого сосуда на дно поддона $p_{\text{мин}} = p_m - F_A/S = 1000 - 750 = 250 \text{ Па}$.

График зависимости $p(t)$ представлен на рисунке.



Критерии оценивания

- | | |
|---|-----------|
| 1. Определено время заполнения низкого сосуда | 1 балл |
| 2. Определено максимальное давление низкого сосуда на дно поддона | 1 балл |
| 3. Определено общее время вытекания воды из высокого сосуда | 1 балл |
| 4. Определен максимальный уровень воды в поддоне | 2 балла |
| 5. Определена максимальная сила Архимеда | 1 балл |
| 6. Определено минимальное давление низкого сосуда на дно поддона | 2 балла |
| 7. Представлен правильный график зависимости $p(t)$ | 2 балла |
| • Подписаны оси и указаны единицы измерения, выбран удобный масштаб с равными делениями | 0,5 балла |
| • Наличие трех участков на графике | 0,5 балла |
| • Верно нанесены характерные точки изломов | 1 балл |

9 класс

Задача 1. Мост. Поезд въезжает на мост со скоростью v_0 . Если он будет на мосту разгоняться с ускорением a , то проедет мост за время $t_1 = 30$ с, если с таким же ускорением он будет тормозить, то проедет мост за время $t_2 = 60$ с. За какое время t_3 поезд проедет мост при равномерном движении со скоростью v_0 ?

Возможное решение

Обозначив длину моста за L , запишем кинематические уравнения:

$$L = v_0 t_1 + \frac{at_1^2}{2} \text{ — для равноускоренного движения} \quad (1)$$

$$L = v_0 t_2 - \frac{at_2^2}{2} \text{ — для равнозамедленного движения} \quad (2)$$

$$L = v_0 t_3 \text{ — для равномерного движения} \quad (3)$$

После умножения уравнения (1) на t_2^2 и уравнения (2) на t_1^2 сложим их.

Получим: $v_0 = \frac{L(t_1^2 + t_2^2)}{t_1 t_2 (t_1 + t_2)}$. После подстановки v_0 в уравнение (3) найдем время, за

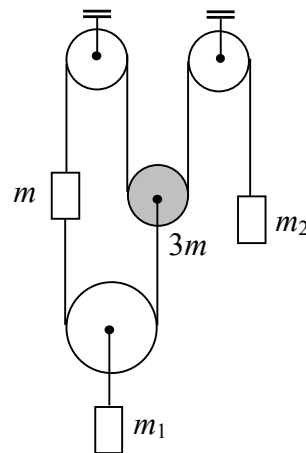
которое поезд проедет мост при равномерном движении со скоростью v_0 :

$$t_3 = \frac{t_1 t_2 (t_1 + t_2)}{t_1^2 + t_2^2} = 36 \text{ с.}$$

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Записано уравнение для равноускоренного движения | 2 балла |
| 2. Записано уравнение для равнозамедленного движения | 2 балла |
| 3. Записано уравнение для равномерного движения | 1 балл |
| 4. Найдено v_0 | 3 балла |
| 5. Ответ для t_3 в общем виде | 1 балл |
| 6. Численный ответ для t_3 | 1 балл |

Задача 2. Равновесие. Система состоит из нескольких грузов, подвешенных на невесомых нитях, перекинутых через невесомые и один массивный (выделен серым цветом) блоки. Масса $m = 1$ кг. Определите, при каких значениях масс m_1 и m_2 система будет находиться в равновесии. Трения в осях блоков нет.



Возможное решение

Обозначим силу натяжения верхней нити за T_2 , а нижней за T_1 . Тогда условия равенства нулю суммы вертикальных сил, действующих на элементы системы, примут вид:

- 1) для груза m_2 : $m_2g = T_2$
- 2) для блока $3m$: $3mg = 2T_2 - T_1$
- 3) для груза m_1 : $m_1g = 2T_1$
- 4) для груза m : $mg = T_2 - T_1$

Решая систему уравнений, получим: $m_1 = 2m = 2$ кг, $m_2 = 2m = 2$ кг.

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Условие равновесия груза m_2 | 2 балла |
| 2. Условие равновесия блока $3m$ | 2 балла |
| 3. Условие равновесия груза m_1 | 2 балла |
| 4. Условие равновесия груза m | 2 балла |
| 5. Решение системы уравнений и получение численного ответа | 2 балла |

Задача 3. Два в одном. В калориметр, частично заполненный водой при температуре $t_0 = 10^\circ\text{C}$, опустили кубик №1, имеющий начальную температуру $t = 70^\circ\text{C}$ и после прекращения теплообмена температура содержимого калориметра достигла $t_1 = 25^\circ\text{C}$. Если бы вместо кубика №1, в калориметр опустили кубик №2, нагретый до такой же температуры t , то после прекращения теплообмена температура содержимого калориметра достигла бы $t_2 = 35^\circ\text{C}$. До какой температуры t_3 увеличится температура содержимого калориметра, если в него опустить сразу оба кубика, нагретые до температуры t ? Теплообменом с окружающей средой пренебречь. Вода из калориметра не выливается.

Возможное решение

Уравнения теплового баланса в трех случаях имеют вид:

- 1) $C(t_1 - t_0) = C_1(t - t_1)$
- 2) $C(t_2 - t_0) = C_2(t - t_2)$
- 3) $C(t_3 - t_0) = (C_1 + C_2)(t - t_3)$, C и C_i – полные теплоемкости воды и кубиков.

Решая систему уравнений, получим: $t_3 = 40,7^\circ\text{C}$.

Критерии оценивания

- | | |
|--|----------|
| 1. Составлены уравнения теплового баланса для каждого процесса
три уравнения по 2 балла за каждое | 6 баллов |
| 2. Решение систем (допускается ранняя численная подстановка) | 4 балла |

Задача 4. Выделение нелинейности. В лаборатории линейной электродинамики экспериментатор Глюк исследовал вольтамперную характеристику резистора, занося в таблицу значения силы тока I , текущего через резистор и поданное на него напряжение U . Позже выяснилось, что кроме результатов Глюка в таблицу, попали данные, полученные в соседней лаборатории нелинейных элементов. Построив график, определите, какие результаты относятся к эксперименту Глюка. Найдите сопротивление исследуемого резистора. Какие данные могут соответствовать как резистору, так и нелинейному элементу?

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
U , В	0,2	3,0	0,4	0,7	1,0	1,3	1,9	1,4	1,6	1,8	2,4	0,7	2,0	2,2	2,3
I , А	0,03	0,43	0,02	0,04	0,08	0,14	0,27	0,14	0,23	0,33	0,34	0,10	0,49	0,75	0,98

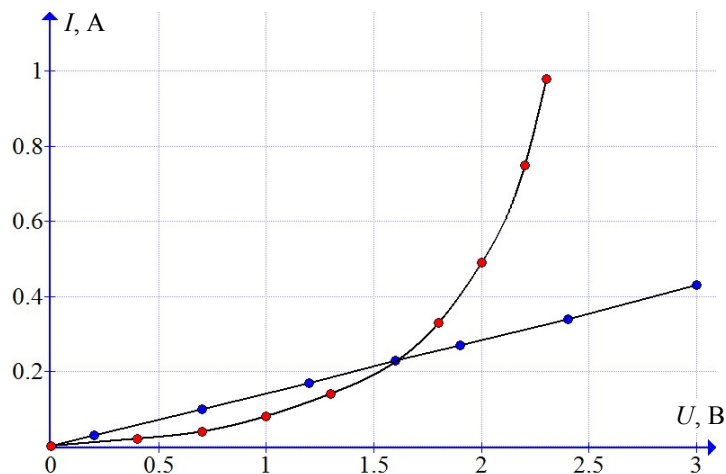
Возможное решение

Нанесем все экспериментальные точки на поле графика с осями U и I . Так как по закону Ома зависимость силы тока от напряжения для резистора должна быть линейной, выделим точки, лежащие на одной прямой, в широком диапазоне напряжений. Не попавшие на прямую точки, относятся к нелинейному элементу.

Резистору соответствуют точки таблицы:

U , В	0,2	0,7	1,2	1,9	2,4	3,0
I , А	0,03	0,10	0,17	0,27	0,34	0,43

Точка $U = 1,6$ В может соответствовать как резистору, так и нелинейному элементу.



По угловому коэффициенту наклона прямой, находим сопротивление резистора $R = 7$ Ом.

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Теоретическое обоснование линейности зависимости I от U | 2 балла |
| 2. График | 4 балла |
| • подписаны величины и единицы измерения на осях | 1 балл |
| • оцифрованы деления через равные интервалы | 1 балл |
| • верно нанесенные точки, соединенные гладкими линиями (не ломаными) | 2 балла |
| 3. Определено сопротивление резистора ($\pm 5\%$) | 2 балла |
| 4. Найдена точка неоднозначной принадлежности | 2 балла |

Задача 5. Из полного в порожнее (3). В прямоугольном поддоне со сторонами

$a = 30$ см, $b = 20$ см и высотой бортика $h_0 = 10$ см

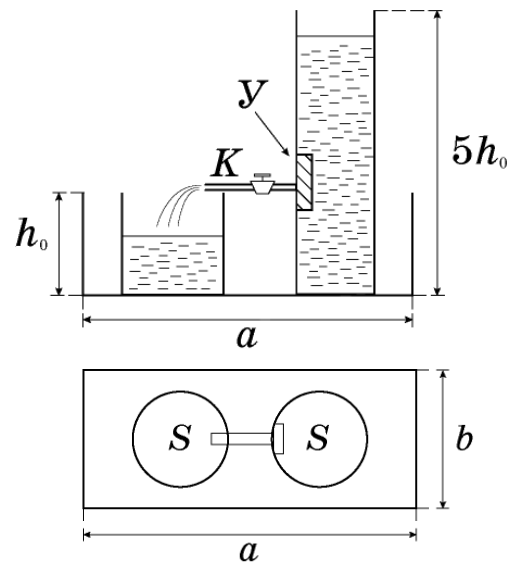
стоят легкие цилиндрические сосуды с площадью основания $S = 100$ см² каждый (см. рисунок).

Высота первого сосуда h_0 , а второго $5h_0$. Дно поддона шероховатое.

В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краном K , второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда. В этом положении трубка горизонтальна. Благодаря наличию устройства Y , при открытом кране K уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью

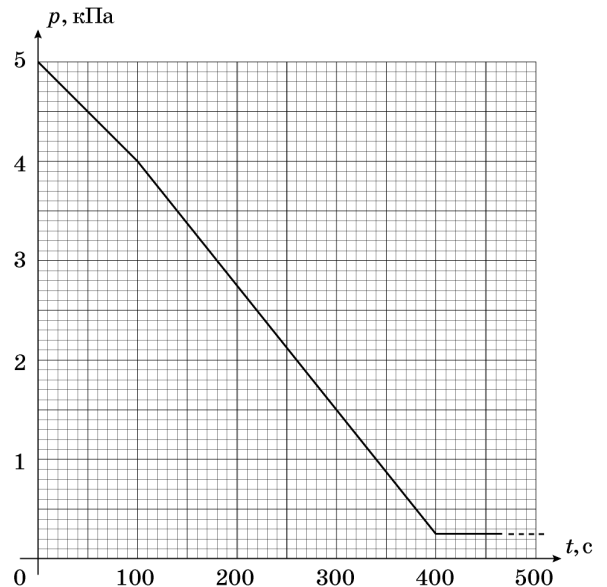
$v = 1,0$ мм/с. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен $5h_0$.

В момент времени $t = 0$ кран открывают. Постройте график зависимости давления p , оказываемого высоким сосудом на дно поддона, от времени t после открытия крана ($0 < t < 500$ с).



Возможное решение

Так как площади сечения сосудов одинаковы, а уровень воды в высоком сосуде понижается со скоростью $v = 1$ мм/с, низкий сосуд заполнится через время $t_1 = h_0/v = 100$ с после открытия крана. До этого момента воды в поддоне нет, сила Архимеда на сосуд не действует, а давление, оказываемое высоким сосудом на дно поддона, равномерно убывает $p(t) = \rho g(5h_0 - vt)$. При $t = 0$ давление высокого сосуда равно $p_0 = 5000$ Па, а при $t = t_1$ давление уменьшается до $p_1 = 4000$ Па.



Начиная с момента времени t_1 , вытекающая вода начинает заполнять поддон и появляется возрастающая сила Архимеда, действующая на сосуды. Всего в поддон вытечет объем воды равный $V = 3h_0S = 3000$ см³. Этот объем воды будет вытекать в течение времени $t_2 = 300$ с и рассчитается по площади S_1 , равной площади поддона минус площадь сечения двух сосудов: $S_1 = ab - 2S = 400$ см². Из условия равенства объемов получаем $V = S_1 z_m$, где z_m максимальный уровень воды в поддоне, и окончательно: $z_m = V/S_1 = 3h_0S/(ab - 2S) = 7,5$ см = 75 мм. После этого вытекание воды прекратится и никаких изменений в системе происходить не будет. Максимальная сила Архимеда, действующая на сосуд при уровне воды в поддоне z_m , равна $F_A = \rho g S z_m = 7,5$ Н. При этом в высоком сосуде остается столб воды высотой h_0 , на который действует сила тяжести $F_T = \rho g S h_0 = 10$ Н. Давление сосуда на дно поддона в этот момент $p_{\min} = (F_T - F_A)/S = 250$ Па.

График зависимости $p(t)$ представлен на рисунке.

Критерии оценивания

- | | |
|--|-----------|
| 1. Определено время заполнения низкого сосуда | 1 балл |
| 2. Определено давление высокого сосуда на дно поддона в момент заполнения низкого сосуда | 1 балл |
| 3. Определено общее время вытекания воды из высокого сосуда | 1 балл |
| 4. Определен максимальный уровень воды в поддоне | 2 балла |
| 5. Определена максимальная сила Архимеда | 1 балл |
| 6. Определено минимальное давление низкого сосуда на дно поддона | 2 балла |
| 7. Представлен правильный график зависимости $p(t)$ | 2 балла |
| • Подписаны оси и указаны единицы измерения, выбран удобный масштаб с равными делениями | 0,5 балла |
| • Наличие трех участков на графике | 0,5 балла |
| • Верно нанесены характерные точки изломов | 1 балл |

10 класс

Задача 1. Шарик в полете. В баллистической лаборатории получили зависимость значений скорости v брошенного вверх шарика от его высоты h над уровнем стола. Результаты измерений для последовательных моментов времени представлены в таблице.

№	1	2	3	4	5	6	7	8
h , см	100	180	220	270	320	250	140	50
v , м/с	7,2	6,0	5,3	4,2	2,8	4,7	6,6	9,0

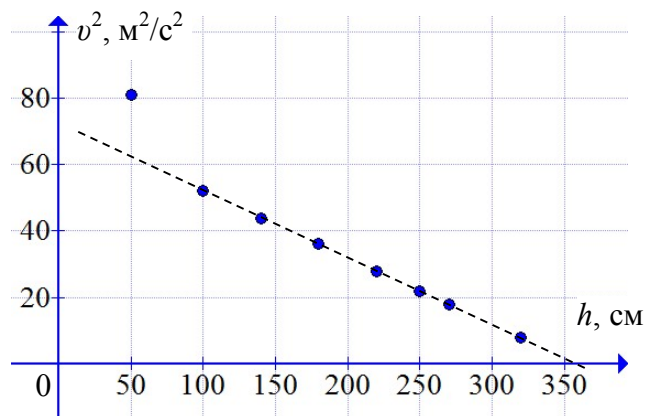
- Известно, что в одном из измерений (возможно и в первом) скорость была определена неверно. Найдите в каком. Для этого постройте график с результатами измерений в таких координатах, в которых он должен быть линейным.
- Рассчитайте максимальную высоту подъема шарика над столом?
- Через какое время после первого измерения шарик упал на стол?

Ускорение свободного падения $g = 9,8 \text{ м/с}^2$.

Возможное решение

Из закона сохранения энергии $\frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv^2}{2} + mgh$ получаем: $v^2 = v_0^2 - 2gh$, где v_0 – скорость на уровне стола. Следовательно, зависимость скорости от высоты будет линейной, например, в осях $v^2(h)$.

Нанесем экспериментальные точки на поле графика с осями v^2 и h .



Все точки, кроме соответствующей $h = 50$ см, лежат на одной прямой, пересекающей ось h в районе $H = 365$ см. Это и есть максимальная высота подъема. Время полета с высоты $h_1 = 100$ см до падения, с начальной скоростью $7,2$ м/с можно найти, решив квадратное уравнение $0 = 1 + 7,2t - 9,8t^2 / 2$, выбрав положительный корень $t = 1,6$ с.

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Теоретическое обоснование линейности зависимости v^2 от h | 2 балла |
| 2. График | 3 балла |
| • подписаны величины и единицы измерения на осях | 1 балл |
| • оцифрованы деления через равные интервалы | 1 балл |
| • верно нанесенные точки, соединенные гладкими линиями (не ломаными) | 1 балл |
| 3. Найдена точка выброса | 1 балл |
| 4. Определена максимальная высота подъема ($\pm 5\%$) | 2 балла |
| 5. Найдено время полета с высоты 100 см до падения ($\pm 5\%$) | 2 балла |

Задача 2. Кап-кап-кап. Маленький шарик, заполненный водой, подвешен на нити длиной L . В нижней точке шарика имеется маленькое отверстие, из которого без начальной скорости, очень часто, вытекают капельки воды. Под шариком на расстоянии h от него расположена горизонтальная плоскость. Нить с шариком отклоняют от вертикали на угол φ_0 ($\varphi_0 \ll 1$) и отпускают. При каком значении h капелька, оторвавшаяся от шарика в его нижнем положении, попадает на плоскость в ту же точку, в которую попадает капелька, оторвавшаяся от шарика в момент его максимального отклонения от вертикали? Сопротивлением воздуха пренебречь.

Примечание: для углов, выраженных в радианах при $\alpha \ll 1$ $\sin \alpha \approx \alpha$, $\cos \alpha \approx 1 - \alpha^2/2$

Возможное решение

В нижнем положении скорости шарика и оторвавшейся от него капли горизонтальны. Запишем закон сохранения энергии:

$$\frac{mv^2}{2} = mgL(1 - \cos \alpha) \approx mgL \frac{\varphi^2}{2}.$$

Из него следует:

$$v = \varphi_0(gL)^{1/2}. \quad (1)$$

Время падения капли с высоты h при нулевой вертикальной составляющей скорости

$$t = (2h/g)^{1/2}.$$

Таким образом, капля, оторвавшаяся от шарика в нижнем положении, попадет на плоскость на расстоянии x_0 от точки O .

$$x_0 = vt = \varphi_0(2hL)^{1/2}. \quad (2)$$

В то же время, капля, оторвавшаяся от шарика в положении максимального отклонения, падает вертикально также на расстоянии x_0 от точки O , при этом

$$x_0 = L \sin \varphi_0 \sim L \varphi_0. \quad (3)$$

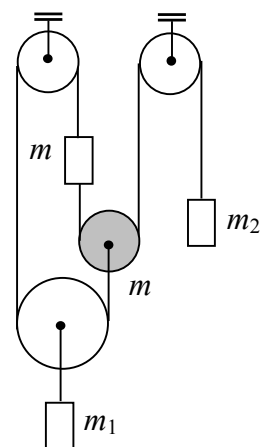
Приравняв (2) и (3), получаем $h = L/2$.

Примечание: Детальный анализ зависимости x от угла отклонения φ шарика показывает, что при движении шарика из нижнего положения горизонтальное расстояние до точки падения сначала становится большим чем x_0 (в первый момент скорость остается практически такой же, как и в нижней точке, а угол «броска» начинает увеличиваться), а затем возвращается обратно в положение x_0 .

Критерии оценивания

1. Идея использования закона сохранения энергии	2 балла
2. Определена скорость шарика в нижней точке	2 балла
3. Записано время падения капли, оторвавшейся в нижнем положении	1 балл
4. Определено расстояние x_0 для капли, оторвавшейся в нижнем положении	2 балла
5. Определено расстояние x_0 для капли, оторвавшейся в верхнем положении	1 балл
6. Получено значение h	2 балла

Задача 3. Равновесие (2). Система состоит из нескольких грузов, подвешенных на невесомых нитях, перекинутых через невесомые и один массивный (выделен серым цветом) блоки. Масса $m = 1$ кг. Определите, при каких значениях масс m_1 и m_2 система будет находиться в равновесии. Трения в осях блоков нет.



Возможное решение

Обозначим силу натяжения правой нити за T_2 , а левой за T_1 . Тогда условия равенства нулю суммы вертикальных сил, действующих на элементы системы, примут вид:

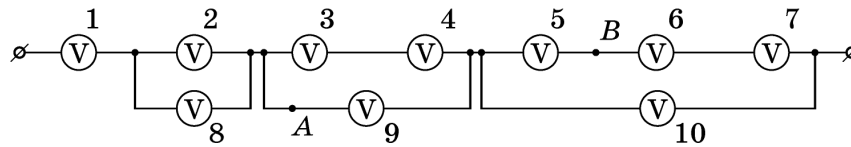
- 1) для груза m_2 : $m_2 g = T_2$
- 2) для блока m : $mg = 2T_2 - T_1$
- 3) для груза m_1 : $m_1 g = 2T_1$
- 4) для груза m : $mg = T_1 - T_2$

Решая систему уравнений, получим: $m_1 = 6m = 6$ кг, $m_2 = 2m = 2$ кг.

Критерии оценивания

1. Условие равновесия груза m_2	2 балла
2. Условие равновесия блока m	2 балла
3. Условие равновесия груза m_1	2 балла
4. Условие равновесия груза m	2 балла
5. Решение системы уравнений и получение численного ответа	2 балла

Задача 4. Вольтметры, вольтметры... Электрическая цепь составлена из 10 одинаковых вольтметров. Показания вольтметра №1 равно $U_1 = 12$ В. Определите показания остальных вольтметров и напряжение между точками A и B .



Возможное решение

- Показания вольтметра U определяются силой тока I , текущего через него: $U = IR$, где R – сопротивление вольтметра.
- При параллельном соединении приборов сила тока делится в отношении, обратном сопротивлениям участков, поэтому $I_2 = I_8 = I_1 / 2$;
 $I_3 = I_4 = I_9 / 2 = I_1 / 3$; $I_5 = I_6 = I_7 = I_{10} / 3 = I_1 / 4$.

3. Из пп.1 и 2 получаем показания вольтметров:

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
U , В	12	6	4	4	3	3	3	6	8	9

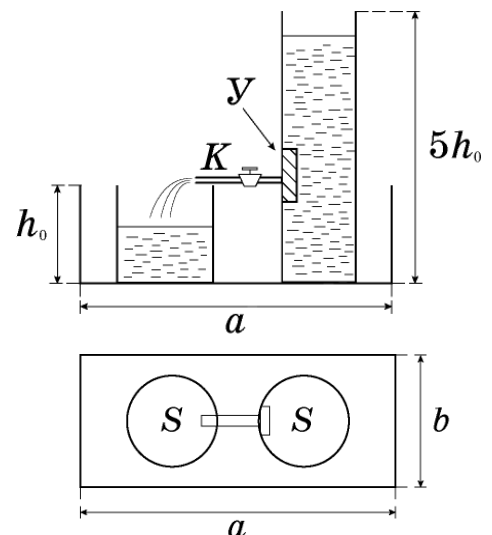
4. Напряжение между точками A и B цепи равно $U_{AB} = U_9 + U_5 = 11$ В.

Примечание: общее напряжение в цепи: $U_0 = U_1 + U_8 + U_9 + U_{10} = 35$ В.

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Связь силы тока, текущего через вольтметр, с его сопротивлением | 1 балл |
| 2. Найдена сила тока, текущего через вольтметры 2 и 8 | 1 балл |
| 3. Найдена сила тока, текущего через вольтметры 3 и 9 | 2 балла |
| 4. Найдена сила тока, текущего через вольтметры 5 и 10 | 2 балла |
| 5. Найдено напряжение на каждом из вольтметров | 3 балла |
| 6. Найдено напряжение на участке AB | 1 балл |

Задача 5. Из полного в порожнее (4). В прямоугольном поддоне с размерами $a = 30$ см, $b = 20$ см и высотой бортика $h_0 = 10$ см стоят легкие цилиндрические сосуды с площадью основания $S = 100$ см² каждый (см. рисунок). Высота первого сосуда h_0 , а второго $5h_0$. Дно поддона тщательно отполировано и **вода под сосуды не подтекает**. В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краном K , второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда.



В этом положении трубка горизонтальна. Благодаря наличию устройства $У$, при открытом кране уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью $v = 1,0$ мм/с. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен $5h_0$. В момент времени $t = 0$ кран открывают. Постройте график зависимости отношения давлений $\alpha = p_2/p_1$ от времени t после открывания крана для $0 < t < 500$ с, где p_1 – давление низкого сосуда на дно поддона, а p_2 – давление высокого сосуда на дно поддона. Атмосферное давление не учитывать.

Возможное решение

Так как площади сечения сосудов одинаковы, уровень воды h_1 в низком сосуде повышается с той же скоростью, с какой понижается уровень воды h_2 в высоком сосуде.
 $h_1 = vt$; $h_2 = 5h_0 - vt$.

Заполнение низкого сосуда происходит в течение времени $t_1 = h_0/v = 100$ с после открытия крана и давление, оказываемое низким сосудом на дно поддона, равномерно возрастает $p_1(t) = \rho gh_1 = \rho gvt$. В то же время давление, оказываемое высоким сосудом на дно поддона, равномерно убывает $p_2(t) = \rho g(5h_0 - vt)$.

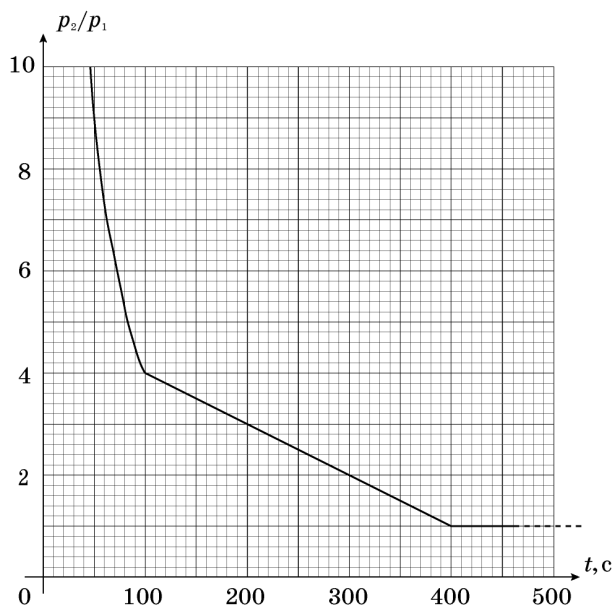
В интервале времени $0 < t < 100$ с отношение давлений

$$\alpha(t) = p_2(t)/p_1(t) = (5h_0/vt) - 1,$$

т.е. уменьшается по гиперболическому закону от бесконечности при $t = 0$ до $\alpha = 4$

при $t = t_1 = 100$ с. Начиная с этого момента, низкий сосуд остается заполненным, вода вытекает в поддон, но сила Архимеда не возникает, так как вода под сосуда не подтекает по условию задачи, давление $p_1 = \rho gh_0$ не зависит от времени. Из высокого сосуда вода продолжает вытекать с той же скоростью до выравнивания уровней воды в сосудах, т.е. до $t_2 = 400$ с. При этом, по-прежнему $p_2(t) = \rho g(5h_0 - vt)$. Следовательно, в интервале времени $100 < t < 400$ с $\alpha(t) = p_2(t)/p_1(t) = 5 - vt/h_0$, т.е. уменьшается линейно от $\alpha = 4$ при $t = t_1 = 100$ с до $\alpha = 1$ при $t = t_2 = 400$ с.

При $t > 400$ с переливание воды прекращается, и сосуды оказывают на дно одинаковое давление, $\alpha = 1$. График зависимости $\alpha(t)$ представлен на рисунке.



Критерии оценивания:

- | | |
|--|--------|
| 1. Определено время t_1 заполнения низкого сосуда | 1 балл |
| 2. Определена зависимость $p_1(t)$ от времени при $t < 100$ с | 1 балл |
| 3. Определена зависимость $p_2(t)$ от времени при $t < 100$ с | 1 балл |
| 4. Определена зависимость $\alpha(t)$ от времени при $t < 100$ с | 1 балл |
| 5. Определено время t_2 прекращения переливания воды | 1 балл |

ЛII Всероссийская олимпиада школьников по физике Муниципальный этап.
17.12.2017

- | | |
|--|-----------|
| 6. Определена зависимость $p_1(t)$ от времени при $100 < t < 400$ с | 1 балл |
| 7. Определена зависимость $p_2(t)$ от времени при $100 < t < 400$ с | 1 балл |
| 8. Определена зависимость $a(t)$ от времени при $100 < t < 400$ с | 1 балл |
| 9. Представлен правильный график зависимости $p(t)$ | 2 балла |
| • Подписаны оси и указаны единицы измерения,
выбран удобный масштаб с равными делениями | 0,5 балла |
| • Наличие трех участков на графике | 0,5 балла |
| • Верно нанесены характерные точки изломов | 1 балл |

11 класс

Задача 1. Перепутанные шарики. В баллистической лаборатории исследовались зависимости значений скоростей v шариков, выпущенных вверх из небольшой катапульты, стоящей на столе, от высоты h их подъема над уровнем стола. К сожалению, в спешке в таблицу с результатами измерений попали данные для двух разных шариков.

- Определите, какие данные относятся к одному, а какие к другому шарiku. Для этого постройте график с результатами измерений в таких координатах, в которых он должен быть линейным.
- Рассчитайте, во сколько раз отличаются максимальные высоты подъема шариков над столом.
- Определите времена полета шариков?

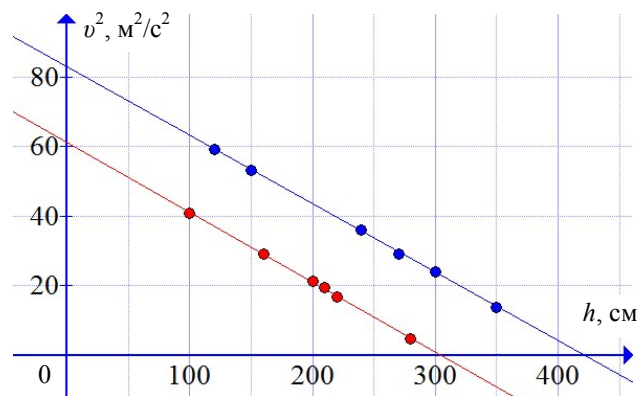
Ускорение свободного падения $g = 9,8 \text{ м/с}^2$.

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
h , см	220	240	350	150	280	160	270	120	300	210	100	200
v , м/с	4,1	6,0	3,7	7,3	2,2	5,4	5,5	7,7	4,9	4,4	6,4	4,6

Возможное решение

Из закона сохранения энергии $\frac{mv_0^2}{2} = \frac{mv^2}{2} + mgh$ получаем: $v^2 = v_0^2 - 2gh$, где v_0 – скорость на уровне стола. Следовательно, зависимость скорости от высоты будет линейной, например, в осях $v^2(h)$.

Нанесем экспериментальные точки на поле графика с осями v^2 и h .



Все точки хорошо разделяются, ложась на две прямые. Таким образом, одному шарiku принадлежат точки:

№	1	2	3	4	5	6
h , см	120	150	240	270	300	350
v , м/с	7,7	7,3	6,0	5,5	4,9	3,7

а другому:

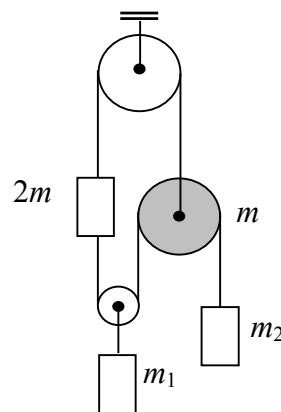
№	1	2	3	4	5	6
h , см	100	160	200	210	220	280
v , м/с	6,4	5,4	4,6	4,4	4,1	2,2

Прямые пересекают ось h в точках 310 см и 425 см. Это максимальные высоты подъема шариков. Времена полета шариков могут быть найдены, как удвоенные времена падения без начальной скорости с максимальной высоты $t = 2\sqrt{2h/g}$, и для одного шарика $t_1 = 1,6$ с, а для другого $t_2 = 1,9$ с.

Критерии оценивания

1. Теоретическое обоснование линейности зависимости v^2 от h 2 балла
2. График 3 балла
 - подписаны величины и единицы измерения на осях 1 балл
 - оцифрованы деления через равные интервалы 1 балл
 - верно нанесенные точки, соединенные гладкими линиями (не ломаными) 1 балл
3. Определены максимальные высоты подъема ($\pm 5\%$) 2 балла
4. Выражение для определения времени падения 1 балл
5. Найдены времена полета ($\pm 5\%$) 2 балла

Задача 2. Равновесие. Система состоит из нескольких грузов, подвешенных на невесомых нитях, перекинутых через невесомые и один массивный (выделен серым цветом) блоки. Масса $m = 1,0$ кг. Определите, при каких значениях масс m_1 и m_2 система будет находиться в равновесии. Трения в осях блоков нет.



Возможное решение

Обозначим силу натяжения верхней нити за T_1 , а нижней за T_2 . Тогда условия равенства нулю суммы вертикальных сил, действующих на элементы системы, примут вид:

- 1) для груза m_2 : $m_2 g = T_2$
- 2) для блока m : $mg = T_1 - 2T_2$
- 3) для груза m_1 : $m_1 g = 2T_2$
- 4) для груза $2m$: $2mg = T_1 - T_2$

Решая систему уравнений, получим: $m_1 = 2m = 2$ кг, $m_2 = m = 1$ кг.

Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Условие равновесия груза m_2 | 2 балла |
| 2. Условие равновесия блока m | 2 балла |
| 3. Условие равновесия груза m_1 | 2 балла |
| 4. Условие равновесия груза $2m$ | 2 балла |
| 5. Решение системы уравнений и получение численного ответа | 2 балла |

Задача 3. Диссоциация. Идеальный двухатомный газ, находящийся в герметичном сосуде объемом V_0 , нагревают от температуры T_0 до температуры $2T_0$, в результате чего он полностью диссоциирует на атомы. При этом степень диссоциации газа (доля распавшихся молекул) в указанном диапазоне прямо пропорциональна его температуре. Изобразите этот процесс в осях p - V , V - T и v - p , где p , V , T и v – давление, объем, температура и количество вещества, соответственно.

Возможное решение

Степень диссоциации $\alpha = T / (2T_0)$. Тогда $pV_0 = \nu_0(1 + \alpha)RT$, где ν_0 – количество вещества в молекулярном состоянии.

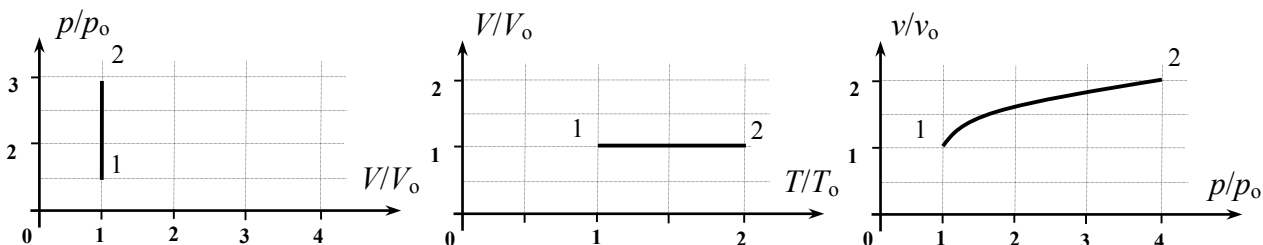
Дважды записав уравнение Менделеева-Клапейрона для начального и конечного состояния:

$$p_0 V_0 = \frac{3}{2} \nu_0 R T_0 \text{ и } p_k V_0 = 4 \nu_0 R 2T_0, \text{ получим } p_k = \frac{8}{3} p_0.$$

С учетом того, что объем сосуда не изменяется, получим $\frac{p}{p_0} = \frac{4}{3} \left(\left(\frac{\nu}{\nu_0} \right)^2 - \frac{\nu}{\nu_0} \right)$. Решая

квадратное уравнение получим $\nu = \frac{\nu_0}{2} \left(1 + \sqrt{1 + \frac{3p}{p_0}} \right)$.

Искомые зависимости имеют вид:



Критерии оценивания

- | | |
|--|--------|
| 1. Записано уравнение для начального состояния идеального газа | 1 балл |
| 2. Записано уравнение для конечного состояния идеального газа | 1 балл |
| 3. Найдено конечное давление | 1 балл |
| 4. Построен график на осях p - V | 1 балл |

- | | |
|--------------------------------------|---------|
| 5. Построен график на осях V - T | 1 балл |
| 6. Получена зависимость $v(p)$ | 3 балла |
| 7. Построен график на осях v - p | 2 балла |

4. Поле в кубе. Проволочный каркас в форме куба помещен в однородное магнитное поле, модуль индукции которого изменяется со временем по закону $B_0 = kt$, где $k > 0$. Сопротивления каждого из ребер равно R . Длина ребра a . Определите направление и величину силы тока, протекающего через каждое из ребер. Рассмотрите случай, когда вектор индукции магнитного поля:

- а) параллелен ребру AE (рис. 1);
б) параллелен малой диагонали AC (рис. 2).

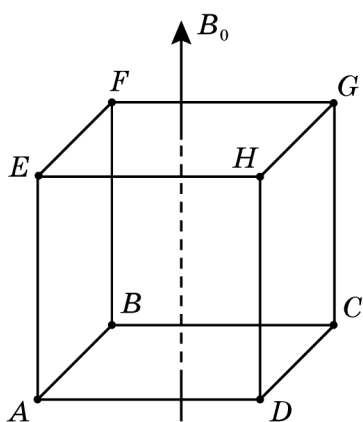


Рис. 1

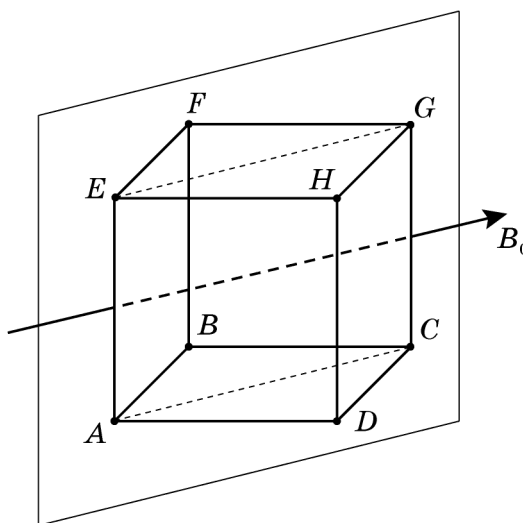


Рис. 2

Возможное решение

Случай а)

1. ЭДС индукции, возникающая в контурах $ABCD$ и $EFGH$, $\varepsilon_i = ka^2$.
2. По ребрам AE , BF , CG и DH ток не идет.
3. Сила тока в остальных ребрах одинакова и равна $I = \frac{\varepsilon_i}{4R} = \frac{ka^2}{4R}$.

4. Направления токов показаны на рис. 1.

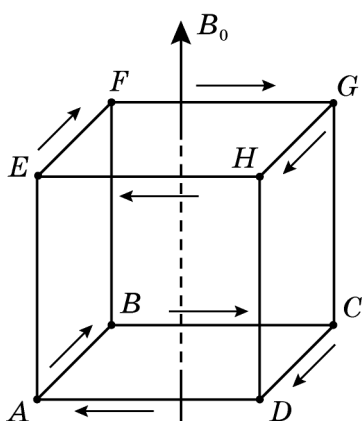


Рис. 1

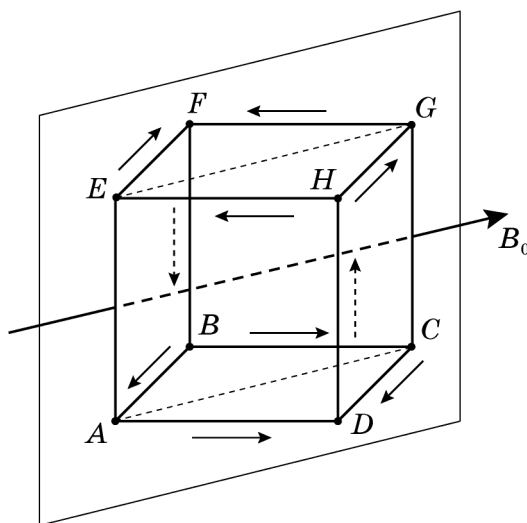


Рис. 2

Случай б)

1. Представим поле \vec{B} как суперпозицию двух полей: $\vec{B} = \vec{B}_1 + \vec{B}_2$, где \vec{B}_1 – параллельно ребру AB , а \vec{B}_2 – параллельно ребру AD . Модули векторов магнитной индукции $B_1 = B_2 = B/\sqrt{2}$.

2. Расчёт токов, создаваемых полями \vec{B}_1 и \vec{B}_2 аналогичен случаю а).

3. Сила тока в каждом из ребер определяется наложением получившихся картин.

4. В итоге, ток через ребра AE и CG не течет. Сила тока в ребрах $AB, AD, EH, EF, DC, CB, FG, GH$ равна $I = \frac{ka^2}{4\sqrt{2}R}$. Сила тока в ребрах BF и HD равна $2I = \frac{\sqrt{2}ka^2}{4R}$.

Критерии оценивания

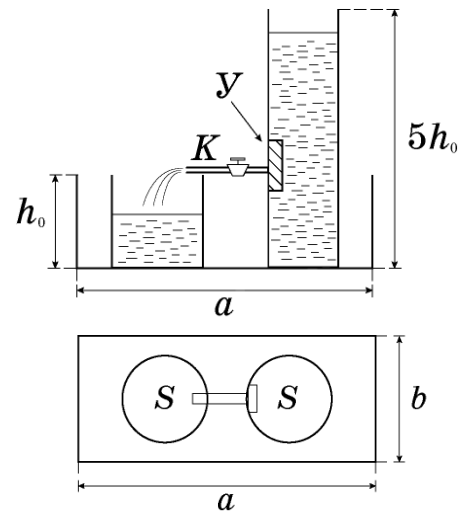
Случай а)

- | | |
|---|--------|
| 1. Найдена ЭДС индукции, возникающая в контурах $ABCD$ и $EFGH$,
$\varepsilon_i = ka^2$ | 1 балл |
| 2. Указано, что по ребрам AE, BF, CG и DH ток не идет | 1 балл |
| 3. Найдена сила тока в остальных ребрах : $I = \frac{\varepsilon_i}{4R} = \frac{ka^2}{4R}$ | 1 балл |
| 4. Правильно определены направления токов | 1 балл |

Случай б)

- | | |
|--|---------|
| 5. Указано, что ток через ребра AE и CG не течет | 1 балл |
| 6. Найдена сила тока в ребрах $AB, AD, EH, EF, DC, CB, FG, GH$: $I = \frac{ka^2}{4\sqrt{2}R}$ | 2 балла |
| 7. Найдено, что сила тока в ребрах BF и HD равна $2I$ | 1 балл |
| 8. Правильно определены направления токов | 2 балла |

Задача 5. Из полного в порожнее (5). В прямоугольном поддоне со сторонами $a = 30$ см, $b = 20$ см и высотой бортика $h_0 = 10$ см стоят цилиндрические сосуды с площадью основания $S = 100$ см² каждый (см. рисунок). Высота первого сосуда h_0 , а второго $5h_0$. Дно поддона шероховатое. В высокий сосуд через отверстие в стенке вставлена тонкая трубка с краном K , второй конец которой лежит на стенке низкого сосуда. В этом положении трубка горизонтальна. Первоначально в низком сосуде и поддоне воды нет, а уровень воды в высоком сосуде равен $5h_0$. В момент времени $t = 0$ кран K открывают. Благодаря наличию устройства Y , уровень воды в высоком сосуде понижается с постоянной скоростью $v = 1,0$ мм/с. Постройте график зависимости отношения давлений $\alpha = p_2/p_1$ от времени t после открывания крана, (p_1 – давление низкого сосуда, а p_2 – давление высокого сосуда на дно поддона) для диапазона времен $0 < t < 500$ с.



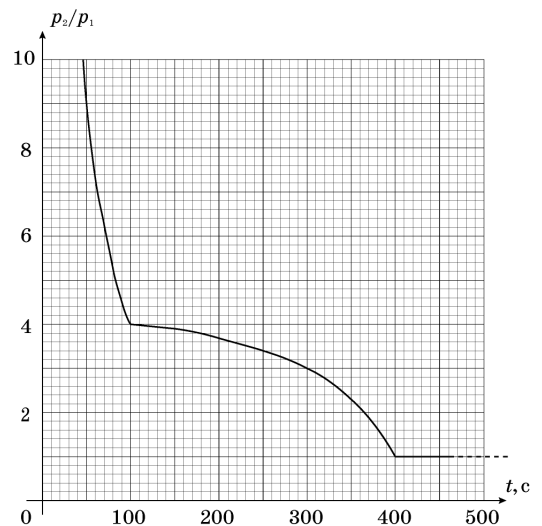
Возможное решение

Так как площади сечения сосудов одинаковы, уровень воды h_1 в низком сосуде повышается с той же скоростью, с какой понижается уровень воды h_2 в высоком сосуде:

$$h_1 = vt; \quad h_2 = 5h_0 - vt.$$

Заполнение низкого сосуда происходит в течение времени $t_1 = h_0/v = 100$ с (1)

после открытия крана и давление, оказываемое низким сосудом на дно поддона, равномерно возрастает $p_1(t) = \rho gh_1 = \rho gvt$. В то же время давление, оказываемое высоким сосудом на дно поддона, равномерно убывает $p_2(t) = \rho g(5h_0 - vt)$. В интервале времени $0 < t < 100$ с отношение давлений $\alpha(t) = p_2(t)/P_1(t) = (5h_0/vt) - 1$, т.е. уменьшается по гиперболическому закону от бесконечности при $t = 0$ до $\alpha = 4$ при $t = t_1 = 100$ с. В интервале времени $100 < t < 400$ с вода выливается в поддон, подтекает под сосуды и на них действует возрастающая со временем сила



Архимеда $F_A = \rho gV = \rho gSz$, где z – уровень воды в сосуде. Зависимость z от времени для $t > t_1$ находится из условия равенства объема вылившейся из высокого сосуда воды $V = v(t - t_1)S$ и объема воды, заполняющей поддон. Площадь поверхности воды в поддоне равна площади дна поддона минус удвоенная площадь сечения сосудов, следовательно, объем воды в поддоне $V = z(ab - 2S)$.

Приравнивая объемы, получаем

$$z = (v(t - t_1)S)/(ab - 2S) \quad (2)$$

Давление низкого сосуда на дно поддона определяется выражением

$$p_1(t) = \rho gh_0 - F_A/S = \rho g(h_0 - z) \quad (3)$$

Давление высокого сосуда определяется выражением

$$p_2(t) = \rho g(5h_0 - vt) - F_A/S = \rho g(5h_0 - vt) - \rho gz \quad (4)$$

Подставляя в (1) – (4) численные значения известных величин, получаем выражение для зависимости отношения давлений от времени (в интервале $100 < t < 400$ с) в виде:

$$\alpha(t) = p_2/p_1 = (5250 - 12,5t)/(1250 - 2,5t) \quad (5)$$

Подставляя в (5) $t = 100$ с, получаем $\alpha = 4$, а при $t = 400$ с $\alpha = 1$.

График зависимости $\alpha(t)$ представлен на рисунке.

Критерии оценивания

- | | |
|---|-----------|
| 1. Определено время t_1 заполнения низкого сосуда | 0,5 балла |
| 2. Определена зависимость $p_1(t)$ от времени при $t < 100$ с | 0,5 балла |
| 3. Определена зависимость $p_2(t)$ от времени при $t < 100$ с | 0,5 балла |
| 4. Определена зависимость $\alpha(t)$ от времени при $t < 100$ с | 1 балл |
| 5. Определено время t_2 прекращения переливания воды | 0,5 балла |
| 6. Определена зависимость $p_1(t)$ от времени при $100 < t < 400$ с | 1 балл |
| 7. Определена зависимость $p(t)$ от времени при $100 < t < 400$ с | 1 балл |
| 8. Определена зависимость $\alpha(t)$ от времени при $100 < t < 400$ с | 2 балла |
| 9. Представлен правильный график зависимости $p(t)$ | 3 балла |
| • Подписаны оси и указаны единицы измерения, выбран удобный масштаб с равными делениями | 0,5 балла |
| • Наличие трех участков на графике | 0,5 балла |
| • Правильно отражен характер зависимостей на участках | 1 балл |
| • Верно нанесены характерные точки изломов | 1 балл |