

9 класс

1. Минимальный путь

Автомобиль, едущий со скоростью v_0 , в некоторый момент начинает движение с таким постоянным ускорением, что за время τ пройденный им путь s оказывается минимальным. Определите этот путь s .

Возможное решение

Слободянин В.

Чтобы путь, пройденный за время τ , был минимальным, автомобиль должен начать тормозить. Пусть t_1 – время, прошедшее с момента начала торможения до момента остановки автомобиля. (Вместо t_1 в качестве параметра задачи можно ввести конечную скорость v_1 автомобиля). После этого момента автомобиль начнёт разгоняться в обратном направлении. Пройденный путь

$$s = \frac{v_0 t_1}{2} + \frac{v_0 (\tau - t_1)^2}{2} = \frac{v_0}{2} \left(t_1 + \frac{(\tau - t_1)^2}{t_1} \right).$$

Преобразуем это выражение к виду

$$\frac{2st_1}{v_0} = t_1^2 + (\tau - t_1)^2.$$

Это квадратное уравнение относительно переменной t_1 . Приведём его к виду

$$t_1^2 - \left(\tau + \frac{s}{v_0} \right) t_1 + \frac{\tau^2}{2} = 0.$$

Дискриминант этого уравнения равен

$$\left(\tau + \frac{s}{v_0} \right)^2 - (\sqrt{2}\tau)^2 = \left(\tau + \frac{s}{v_0} - \sqrt{2}\tau \right) \left(\tau + \frac{s}{v_0} + \sqrt{2}\tau \right).$$

Из анализа первого сомножителя находим, что путь, пройденный за время τ , минимален при условии

$$s = (\sqrt{2} - 1)\tau v_0.$$

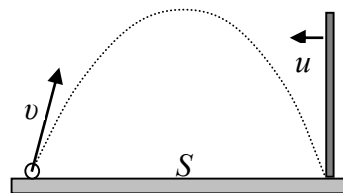
Критерии оценивания

1. В результате анализа движения, например, графика $v(t)$, указано на то, что скорость в течение времени τ должна сменить знак **2 балла**
2. Записано выражение для пройденного пути (через ускорение, или время t_1 движения автомобиля до остановки, или конечную скорость v_1) **4 балла**
2 балла за выражение для пути до остановки и **2 балла** - за оставшуюся часть пути
3. В результате решения квадратного уравнения получено выражение для времени t_1 движения до момента остановки автомобиля или для конечной скорости v_1 автомобиля **3 балла**
4. Получен окончательный ответ **1 балл**

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

2. Отражение в полете

В баллистической лаборатории при проведении эксперимента по изучению упругого отражения от движущихся препятствий производился выстрел маленьким шариком из небольшой катапульты, установленной на горизонтальной поверхности.



Одновременно из точки, в которую по расчетам должен был упасть шарик, с постоянной скоростью начинала движение навстречу массивная вертикальная стенка (см. рисунок). После упругого отражения от стенки, шарик падал на некотором расстоянии от катапульты. Затем эксперимент повторяли, изменяя **только** скорость движения стенки. Оказалось, что в двух экспериментах удар шарика о стенку произошел на одной и той же высоте h . Определите эту высоту, если известно, что время полета шарика до отражения в первом случае составило $t_1 = 1$ с, а во втором $t_2 = 2$ с. На какую максимальную высоту H поднимался шарик за весь полет? Чему равна начальная скорость шарика v , если расстояние между местами его падения на горизонтальную поверхность в первом и втором экспериментах составило $L = 9$ м? Определите скорости равномерного движения стенки u_1 и u_2 в этих экспериментах и начальное расстояние S между стенкой и катапультой. Считайте $g = 10$ м/с².

Примечание. В системе отсчёта, связанной со стенкой, модули скорости шарика до и после столкновения одинаковы, а угол отражения шарика равен углу падения.

Возможное решение

Замятнин М.

Вертикальное перемещение шарика описывается уравнением $h = v_{\text{в}}t - \frac{gt^2}{2}$, которое можно переписать в виде: $t^2 - 2\frac{v_{\text{в}}}{g}t + \frac{2h}{g} = 0$ (здесь $v_{\text{в}}$ – проекция начальной скорости на

вертикальную ось). По теореме Виета время всего полета $t_1 + t_2 = \frac{2v_{\text{в}}}{g}$ и $t_1t_2 = \frac{2h}{g}$, откуда

высота, на которой произошел отскок $h = \frac{gt_1t_2}{2} = 10$ м и $v_{\text{в}} = \frac{g(t_1 + t_2)}{2} = 15$ м/с. Заметим, что

при отражении от стенки вертикальная составляющая скорости шарика не изменяется, поэтому максимальная высота полета определяется лишь начальной вертикальной скоростью $v_{\text{в}}$ и равна $H = \frac{v_{\text{в}}^2}{2g} = \frac{g(t_1 + t_2)^2}{8} = 11,25$ м.

Горизонтальные перемещения шарика и стенки до момента столкновения связаны следующими соотношениями: $v_{\text{г}}t_2 = u_1t_1$ и $v_{\text{г}}t_1 = u_2t_2$, так как стенка проходит то расстояние, которое «не успевает» пролететь до падения шарик. Откуда $u_1 = v_{\text{г}}t_2 / t_1$ и $u_2 = v_{\text{г}}t_1 / t_2$.

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

В момент столкновения шарика со стенкой горизонтальная скорость шарика изменяет свое направление на противоположное и увеличивается на удвоенную скорость стенки (это можно показать, рассмотрев упругий отскок из системы отсчета, в которой стенка покоится). Вертикальная скорость шарика при отражении не изменяется, и дальнейший полет до падения длится столько же времени, как и в отсутствии удара. Тогда проекции перемещения шарика от катапульты до мест падения могут быть найдены по формулам:

$$L_1 = v_r t_1 - (v_r + 2u_1)t_2 = v_r \left(t_1 - t_2 - 2\frac{t_2^2}{t_1} \right) \text{ и } L_2 = v_r t_2 - (v_r + 2u_2)t_1 = v_r \left(t_2 - t_1 - 2\frac{t_1^2}{t_2} \right).$$

Здесь за положительное направление принято направление от катапульты к стенке.

Расстояние между точками падения равно $L = L_2 - L_1 = 2v_r \left(t_2 - t_1 + \frac{t_2^2}{t_1} - \frac{t_1^2}{t_2} \right)$, откуда

$$v_r = \frac{L}{2} \left(\frac{t_1 t_2}{(t_1 + t_2)^2 (t_2 - t_1)} \right) = 1 \text{ м/с.}$$

Окончательно $v = \sqrt{v_r^2 + v_b^2} \approx 15 \text{ м/с}$, горизонтальная дальность полета шарика (начальное расстояние между катапультой и стенкой) $S = v_r (t_1 + t_2) = 3 \text{ м}$, скорости стенки $u_1 = 2 \text{ м/с}$ и $u_2 = 0,5 \text{ м/с}$.

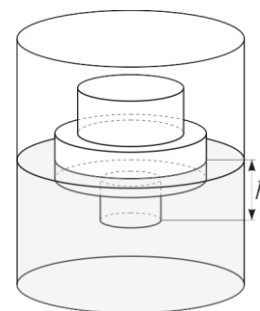
Критерии оценивания

- | | |
|--|----------------|
| 1. Найдена высота, на которой произошло отражение (в т.ч. число 0,5 балла) | 1 балл |
| 2. Найдена максимальная высота полета (в т.ч. число 0,5 балла) | 1 балл |
| 3. Связь между горизонтальной скоростью шарика и скоростями стенки | 1 балл |
| 4. Учтено сохранение вертикальной скорости шарика до и после отражения | 1 балл |
| 5. Определена горизонтальная скорость шарика после отражения | 1 балл |
| 6. Найдены расстояния от катапульты до мест падения шарика | 1 балл |
| 7. Найдено начальное расстояние от катапульты до стенки | 1 балл |
| 8. Найдена начальная скорость шарика | 1 балл |
| 9. Получены численные значения v , S , u_1 , u_2 (по 0,5 балла) | 2 балла |

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

3. Трехцилиндровый

Тело, склеенное из трех соосных цилиндров разного поперечного сечения и разной высоты, погружают в некоторую жидкость и снимают зависимость силы Архимеда F , действующей на тело, от глубины h его погружения. Известно, что площадь сечения самого узкого (не факт, что самого нижнего) цилиндра $S = 10 \text{ см}^2$. Постройте график зависимости $F(h)$ и с его помощью определите высоту каждого из цилиндров, площади сечения двух других цилиндров и плотность жидкости. В процессе эксперимента ось вращения цилиндров оставалась вертикальной, $g = 10 \text{ м/с}^2$.

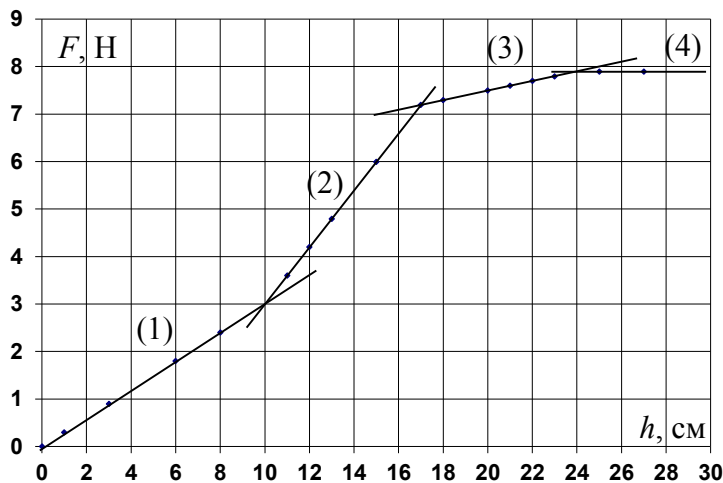


h , см	0	1	3	6	8	11	12	13	15	17	18	20	21	22	23	25	27
F_a , Н	0	0,3	0,9	1,8	2,4	3,6	4,2	4,8	6,0	7,2	7,3	7,5	7,6	7,7	7,8	7,9	7,9

Возможное решение

Гордеев З.

График зависимости $F(h)$ имеет три излома, которые соответствуют изменению площади сечения тела и полному его погружению. Заметим, что положение изломов находится путем экстраполяции линейных зависимостей до их пересечения (в точках 10 см, 17 см и 24 см), поэтому опираться только на табличные данные при определении высот цилиндров



нельзя. В области с $h < 24$ см самый пологий участок графика третий, следовательно, на нем наименьшая площадь поперечного сечения S . Угловой коэффициент наклона первого участка в три раза больше, следовательно, его сечение $3S = 30 \text{ см}^2$. На втором участке угловой коэффициент наклона больше в 6 раз, а его площадь сечения $6S = 60 \text{ см}^2$. Длины цилиндров 10 см, 7 см и 7 см соответственно. Плотность жидкости можно h , см

определить, например, по третьему участку: $\rho = \frac{\Delta F}{Sg\Delta h} = 1000 \text{ кг/м}^3$.

Сегодня, 20 января, на портале online.mipt.ru составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале online.mipt.ru

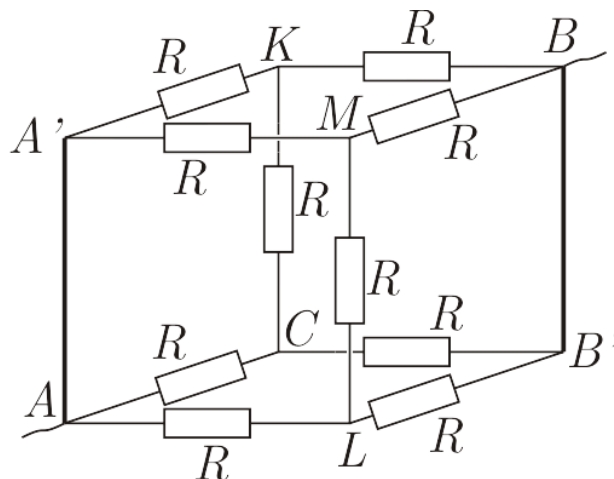
Критерии оценивания

- Построен график зависимости $F(h)$ **1 балл**
- На графике выделено 4 участка **0,5 балла**
- Экстраполяция участков до пересечения **0,5 балла**
- Определение длин цилиндров – по 1 баллу за каждое **3 балла**
- Если отклонение менее 1 см, то по 1 баллу
Если отклонение от 1 см до 2 см, то 0,5 балла за каждое
- Определение сечений (по 2 балла за каждое) **4 балла**
- Если отклонение менее 10%, **2 балла за каждое**
- Если отклонение от 10% до 20%, **1 балл за каждое**
- Если отклонение больше 20%, **0 баллов**
- Определена плотность жидкости (если отклонение менее 10%) **1 балл**
иначе – **0 баллов.**

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

4. Два в кубе

Куб собран из одинаковых резисторов сопротивлением R . Два резистора заменили на идеальные перемычки, как указано на рисунке.



- Найдите общее сопротивление получившейся системы между контактами А и В.
- Какие резисторы из оставшихся можно убрать, чтобы это не изменило общее сопротивление системы?
- Если известно, что через большинство резисторов в цепи течет ток $I = 2$ А, вычислите силу тока в проводе, подсоединенном к узлу А (или В)?
- Вычислите силу тока, текущего через идеальную перемычку АА'?

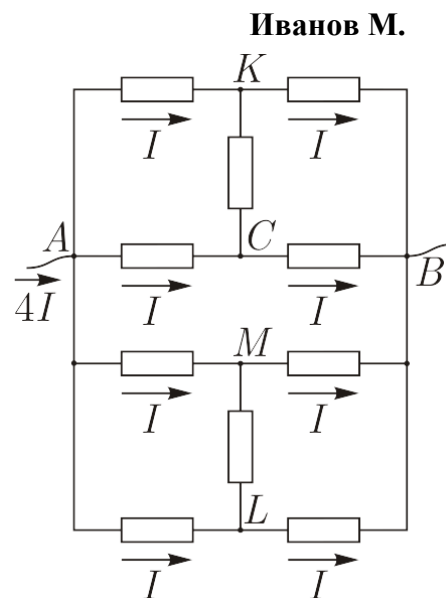
Возможное решение

Изобразим эквивалентную схему и расставим токи в ветвях с учетом закона сохранения заряда и закона Ома (сила токов обратно пропорциональна сопротивлениям параллельных ветвей).

Теперь легко дать ответы на вопросы задачи. В силу симметрии схемы, токи через резисторы в ветвях КС и МЛ не идут. Следовательно, эти резисторы можно убрать, и это не приведет к перераспределению токов в цепи и изменению общего сопротивления, которое равно

$$R_0 = \frac{U_0}{I_0} = \frac{2IR}{4I} = \frac{1}{2}R.$$

По условию $I = 2$ А. Следовательно, сила тока, входящего в узел А, равна $4I = 8$ А. Сила тока через идеальную перемычку АА' равна сумме токов через резисторы в ветвях А'К и А'М: $2I = 4$ А.



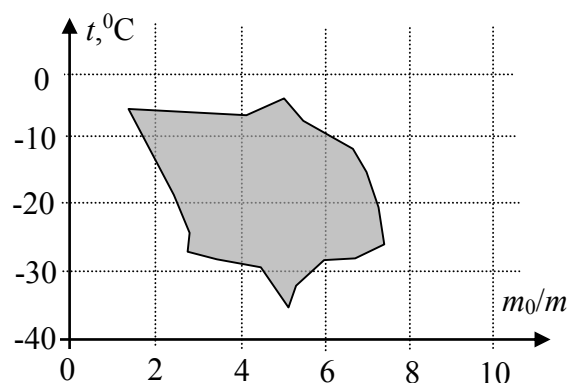
Критерии оценивания

- | | |
|---|----------------|
| • Правильная эквивалентная схема | 2 балла |
| • Обосновано отсутствие токов через два резистора | 2 балла |
| • Найдено общее сопротивление | 2 балла |
| • Определен общий ток | 2 балла |
| • Найден ток через перемычку | 2 балла |

Сегодня, 20 января, на портале online.mipt.ru составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале online.mipt.ru

5. Ледяное пятно

Определите, какая максимальная масса $m_{\text{п}}$ водяного пара, взятого при температуре 100°C , может **потребоваться** для нагревания льда, находящегося в калориметре, до температуры плавления (без плавления). Точная масса льда и его начальная температура не известны, но эти значения могут лежать в области, выделенной на диаграмме серым цветом. Удельная теплота парообразования $L = 2,30$ МДж/кг, удельная теплота плавления льда $\lambda = 340$ кДж/кг, удельная теплоемкость воды $c = 4\,200$ Дж/(кг $\cdot^{\circ}\text{C}$), удельная теплоемкость льда $c_1 = 2\,100$ Дж/(кг $\cdot^{\circ}\text{C}$). Масса льда m на диаграмме приведена в условных единицах, показывающих, во сколько раз масса льда меньше, чем $m_0 = 1$ кг. Теплоемкостью калориметра и потерями тепла пренебречь.



Возможное решение

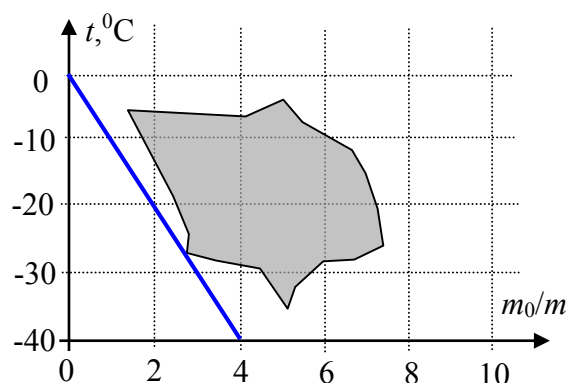
Замятнин М.

Запишем уравнение теплового баланса для конденсирующегося (превращающегося в воду) пара, остывающей и кристаллизующейся воды и нагревающегося льда:

$$m_{\text{п}}(L + c(t_{\text{кип}} - t_0) + \lambda) = mc_1(t_0 - t), \text{ откуда } m_{\text{п}} = \frac{mc_1(t_0 - t)}{L + c(t_{\text{кип}} - t_0) + \lambda}, \text{ или с учетом того, что}$$

$$t_0 = 0^{\circ}\text{C}, \text{ получим: } m_{\text{п}} = \frac{-mtc_1}{L + ct_{\text{кип}} + \lambda} \text{ (здесь и далее учтено, что } t < 0\text{)}. \text{ Максимальная масса}$$

пара потребуется при максимальном по модулю значении произведения mt . Одинаковым значениям произведения mt соответствуют точки, лежащие на прямых, проведенных из начала координат. Действительно, для этих прямых выполняется условие $t = \alpha \frac{m_0}{m}$, или $mt = \alpha m_0 = \text{const}$, где α - угловой коэффициент наклона прямой. Чем больше угол наклона прямой, тем больше модуль произведения mt . Из графика видно, что для прямой проведенной из начала координат, касающейся области возможных параметров льда и имеющей максимальный угол наклона, значение коэффициента $\alpha = -10^{\circ}\text{C}$. Следовательно, максимальная масса пара потребуется при значении произведения $mt = -10$ кг $\cdot^{\circ}\text{C}$. С учетом этого, получим $m_{\text{п}} \approx 6,9$ г.



Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

Региональный этап всероссийской олимпиады школьников по физике. 20 января 2016 г.

Возможно и **иное понимание условия**.

Запишем уравнение теплового баланса для конденсирующегося (превращающегося в воду) пара, остывающей воды и нагревающегося льда: $m_{\text{п}}(L + c(t_{\text{кип}} - t_0)) = mc_1(t_0 - t)$,

откуда $m_{\text{п}} = \frac{mc_1(t_0 - t)}{L + c(t_{\text{кип}} - t_0)}$, или с учетом того, что $t_0 = 0^\circ\text{C}$, получим: $m_{\text{п}} = \frac{-mtc_1}{L + ct_{\text{кип}}}$ (здесь и

далее учтено, что $t < 0$).

Далее решение совпадает с предыдущей версией. Новый числовой ответ: $m_{\text{п}} \approx 7,7$ г.

Словосочетание в условии «может потребоваться» отдает некоторое предпочтение ответу 6,9 г, определяющему нижнюю границу диапазона максимальных масс. Т.е. 6,9 г **точно** хватит, для реализации условия задачи - это **необходимая** максимальная масса. Все значения лежащие в диапазоне от 6,9 г до 7,7 г являются избыточными, но не противоречащими условию. Во избежание ненужных лингвистических споров, авторы предлагают считать верными оба ответа, соответствующие границам указанного диапазона при наличии аргументированного решения.

Критерии оценивания

- | | |
|---|----------------|
| 1. Составлено уравнение теплового баланса | 2 балла |
| 2. Правильно указано, при каком условии количество пара максимально | 2 балла |
| 3. Предложен способ нахождения максимального значения модуля mt | 2 балла |
| 4. Правильно проведена касательная к области допустимых параметров льда | 1 балл |
| 5. Найдено значение mt | 1 балл |
| 6. Определена максимальная масса пара | 2 балла |

В п.6 имеет смысл ввести широкие 10% (**1 балл**) и узкие 5% (**2 балла**) «ворота», так как при решении обрабатывается графическая информация. Но, за ответы, попавшие в эти ворота при неверных исходных предположениях (п.п. 3-5), баллы ставиться не должны!

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

10 класс

1. Время мощности

В результате проведенного эксперимента получена зависимость мощности N постоянной горизонтальной силы от времени t ее действия на изначально покоящийся на гладком горизонтальном столе брусок массы $m = 2$ кг. Некоторые измерения могли оказаться не очень точными.

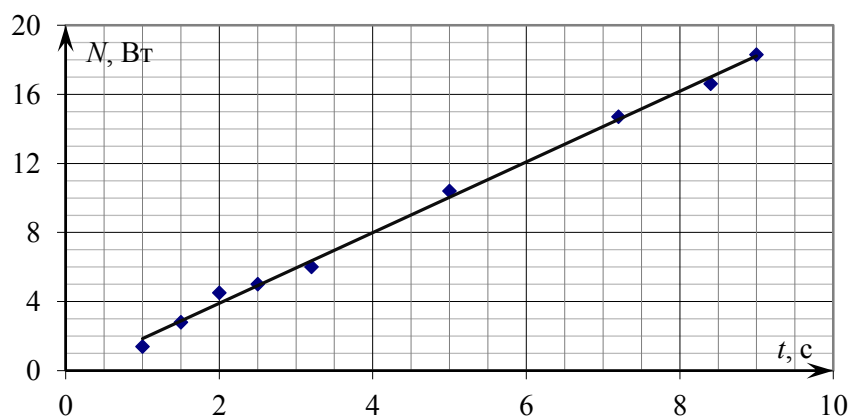
- определите мощность силы в момент времени $\tau = 6$ с;
- найдите значение силы F .

N , Вт	1,4	2,8	4,5	5,0	6,0	10,4	14,7	16,6	18,3
t , с	1,0	1,5	2,0	2,5	3,2	5,0	7,2	8,4	9,0

Возможное решение

Гордеев З.

При постоянной силе F мощность $N = Fv = Fat = \frac{F^2}{m}t$, поэтому следует ожидать линейную зависимость $N(t)$. Построим график $N(t)$ по табличным данным. Методом медиан проведем наилучшую прямую из начала координат.



В момент времени $\tau = 6$ с мощность должна составлять 12 Вт. По угловому коэффициенту наклона графика $k = \frac{F^2}{m} = 2$ Вт/с определяем значение силы $F = \sqrt{km} = 2$ Н.

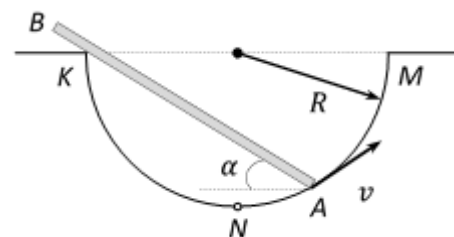
Критерии оценивания

- 1... Вывод теоретической зависимости мощности от времени..... **2 балла**
- 2... Построение (культурного) графика **2 балла**
- 3... Интерполяция для $\tau = 6$ с **2 балла**
- 4... Определение силы по угловому коэффициенту наклона..... **4 балла**
 - Определение силы по любому однократному измерению 0 баллов
 - Определение силы усреднением нескольких измерений..... 1 балл

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

2. В лунке

Стержень AB касается уступа K полусферической лунки радиуса R . Точка A движется равномерно со скоростью v по поверхности лунки, начиная из нижней точки N , к точке M . Найти зависимость модуля скорости u конца стержня B от угла α , который стержень составляет с горизонтом. Длина стержня AB равна $2R$.



Возможное решение 1

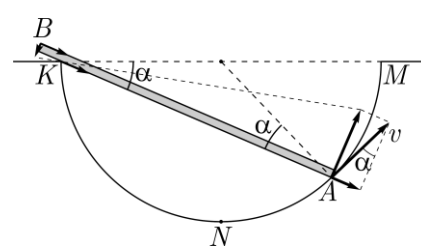
Скорость точки стержня, касающейся уступа K , направлена вдоль стержня и, следовательно, она равна $v \sin \alpha$. Так как стержень жёсткий, то проекции скоростей остальных точек стержня на направление вдоль стержня также равны $v \sin \alpha$, значит, $u_{\parallel} = v \sin \alpha$. Перпендикулярные составляющие скоростей линейно возрастают с расстоянием от точки K . Тогда

$$\frac{u_{\perp}}{BK} = \frac{v \cos \alpha}{KA} \Rightarrow u_{\perp} = v \cos \alpha \frac{2R - 2R \cos \alpha}{2R \cos \alpha} = v(1 - \cos \alpha).$$

Скорость точки B стержня равна:

$$u = \sqrt{u_{\parallel}^2 + u_{\perp}^2} = \sqrt{v^2 (\sin \alpha)^2 + v^2 (1 - \cos \alpha)^2} = v \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} = 2v \sin \left(\frac{\alpha}{2} \right).$$

Бычков А.



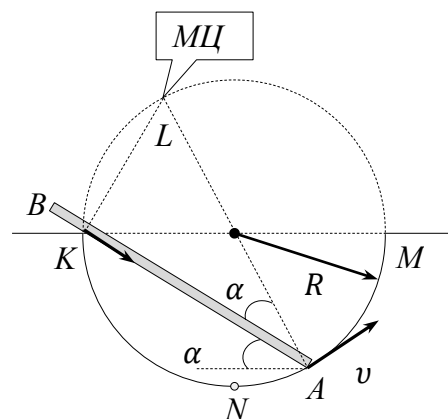
Возможное решение 2.

Мгновенный центр вращения (точка L) стержня находится на верхней полуокружности KLM , как показано на рисунке. При движении стержня точка L перемещается по дуге этой полуокружности.

Угловая скорость вращения стержня равна:

$\omega = v / (2R)$. Тогда скорость конца стержня B равна:

$$\begin{aligned} u &= \omega \cdot BL = \frac{v}{2R} \sqrt{(KL)^2 + (BK)^2} = \frac{v}{2R} \sqrt{(2R \sin \alpha)^2 + (2R - 2R \cos \alpha)^2} = \\ &= v \sqrt{2(1 - \cos \alpha)} = 2v \sin \left(\frac{\alpha}{2} \right). \end{aligned}$$



Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

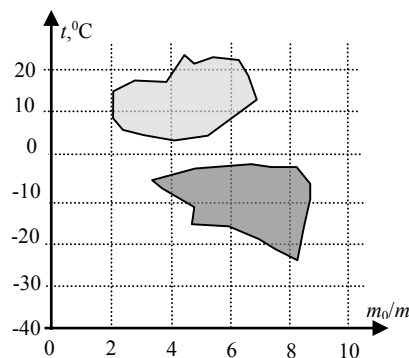
Критерии оценивания

1. Указано, что в силу недеформируемости стержня проекции скоростей u и v на направление вдоль стержня одинаковы ($u_{\parallel} = v_{\parallel}$)
или найдено положение мгновенного центра вращения.....**3 балла**
2. Указано, что угол BAL равен α **1 балл**
3. Найдена связь между проекциями скоростей u и v на направление перпендикулярно стержню ($u_{\perp} / BK = v_{\perp} / AK$) или найдена угловая скорость ω **2 балла**
4. Выражены длины AK и KB через угол α и радиус**(1+1) балла**
5. Получен ответ.....**2 балла**

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

3. Вода со льдом.

В калориметре смешали некоторое количество воды и льда. Их точные массы и начальные температуры неизвестны, но эти значения лежат в выделенных на диаграмме заштрихованных областях. Найдите максимальное количество теплоты, которое могло быть передано водой льду, если после установления теплового равновесия масса льда не изменилась. Определите возможную массу содержимого калориметра в этом случае. Удельная теплота плавления льда $\lambda = 340$ кДж/кг, удельная теплоемкость воды $c = 4200$ Дж/(кг·°C), удельная теплоемкость льда $c_1 = 2100$ Дж/(кг·°C). Массы воды и льда на диаграмме приведены в условных единицах, показывающих во сколько раз их массы меньше чем $m_0 = 1$ кг. Теплоемкостью калориметра и потерями теплоты пренебречь.



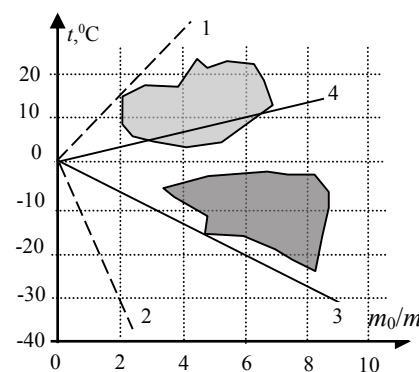
Возможное решение

Замятнин М.

По условию масса льда в результате теплообмена не изменилась, следовательно, количество теплоты, переданное льду остывающей водой, пошло на нагревание льда (по условию процессов плавления/кристаллизации льда не происходило).

Количество теплоты, которое может отдать остывающая вода, $Q = mc(t - t_0) = mct$ ($t_0 = 0^\circ\text{C}$). $Q = Q_{\text{макс}}$ при максимальном по модулю значении произведения mt . Одинаковым значениям произведения mt соответствуют точки, лежащие на прямых, проведенных из начала координат. Действительно, для них выполняется условие $t = \alpha(m_0/m)$, или $mt = \alpha m_0 = \text{const}$, где α - угловой коэффициент наклона прямой. Чем больше угол наклона

прямой, тем больше модуль произведения mt . Это условие выполняется для прямой 1, проведенной из начала координат и касающейся области возможных параметров воды. Но такое выделенное водой количество теплоты приведет к плавлению льда, т.к. с учетом теплоемкости льда, которая в два раза меньше удельной теплоемкости воды, прямой 1 будет соответствовать прямая 2, имеющая в два раза больший угловой коэффициент наклона и не касающаяся области возможных параметров льда. Следовательно, максимальное количество теплоты $Q_{\text{макс}}$



будет определяться прямой 3, и соответствующей ей прямой 4, проходящей через область возможных параметров воды, для которой значение $mt = 10/6 \approx 1,67$ кг⁰C. Откуда $Q_{\text{макс}} = 7,0$ кДж. Крайние точки пересечения прямой 4 с областью возможных параметров воды определяют диапазон масс добавленной в калориметр воды $[m_0/6, 2; m_0/3, 0]$ или $[0,16; 0,33]$ кг. Точка касания прямой 3 области возможных параметров льда позволяет найти массу льда в калориметре $[m_0/4, 6] = 0,22$ кг. Откуда возможная масса содержимого лежит в диапазоне $[0,38; 0,55]$ кг.

Сегодня, 20 января, на портале online.mipt.ru составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале online.mipt.ru

Критерии оценивания

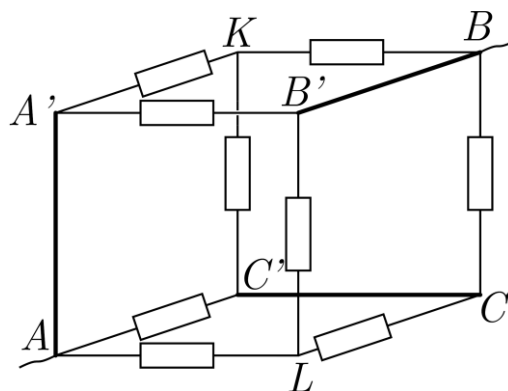
- | | |
|--|---------|
| 1. Учет отсутствия процессов плавления/кристаллизации | 1 балл |
| 2. Уравнение для расчета количества теплоты | 1 балл |
| 3. Идея, что равным количествам теплоты соответствуют точки, лежащие на прямой, проходящей через $t_0=0^{\circ}\text{C}$ | 1 балл |
| 4. Идея нахождения максимального Q по угловому коэффициенту наклона прямой, касающейся области возможных параметров | 1 балл |
| 5. Явное указание, что максимальное количество теплоты определяет лед | 1 балл |
| 6. Найдено значение $Q_{\text{макс}}$ | 2 балла |
| 7. Обоснование существования диапазона возможных масс воды | 1 балл |
| 8. Найден диапазон масс содержимого | 2 балла |

В п.п. **6** и **8** имеет смысл ввести широкие 10% (**1 балл**) и узкие 5% (**2 балла**) «ворота», так как при решении обрабатывается графическая информация. Но, за ответы, попавшие в эти ворота при неверных исходных предположениях (п.п. 3-5, 7) баллы ставиться не должны!

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

4. Три в кубе

Куб собран из одинаковых резисторов сопротивлением R . Три резистора заменили на идеальные перемычки, как указано на рисунке.



- Найдите общее сопротивление получившейся системы между контактами A и B .
- Какие резисторы из оставшихся можно убрать так, что это не изменит общее сопротивление системы?
- Если известно, что сила тока, текущего через большинство резисторов электрической цепи, равна $I = 2\text{A}$, вычислите силу тока в проводе, подсоединенном к узлу A (или B)?
- Вычислите силу тока, текущего через идеальную перемычку AA' ?

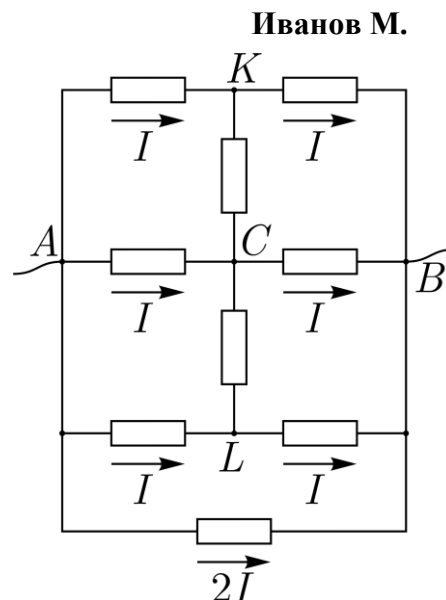
Возможное решение

Изобразим эквивалентную схему и расставим токи в ветвях с учетом закона сохранения заряда и закона Ома (сила тока обратно пропорционально сопротивлениям параллельных ветвей).

Теперь легко дать ответы на вопросы задачи. В силу симметрии схемы токи через резисторы в ветвях KC и CL не идут. Следовательно, эти резисторы можно убрать, и это не приведет к перераспределению токов в цепи и изменению общего сопротивления, которое равно

$$R_0 = \frac{U_0}{I_0} = \frac{2IR}{5I} = \frac{2R}{5}.$$

По условию $I = 2\text{A}$. Следовательно, сила тока, входящего в узел A , равна $5I = 10\text{A}$. Сила тока через идеальную перемычку AA' равна сумме сил токов через резисторы в ветвях $A'K$ и $A'B'$: $3I = 6\text{A}$.



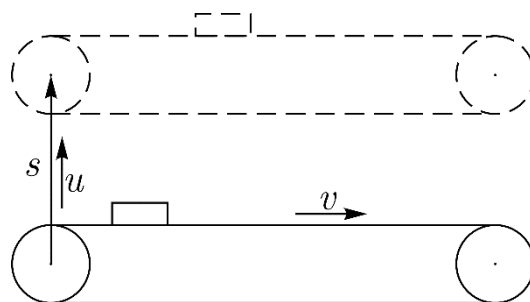
Критерии оценивания

- | | |
|--|---------|
| 1. Правильная эквивалентная схема..... | 2 балла |
| 2. Обосновано отсутствие токов через два резистора | 2 балла |
| 3. Найдено общее сопротивление..... | 2 балла |
| 4. Определен общий ток..... | 2 балла |
| 5. Найден ток через перемычку | 2 балла |

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

5. Транспортёр на боку

По шероховатому горизонтальному полу движется лежащий на боку ленточный транспортёр так, что плоскость ленты вертикальна. Скорость ленты транспортёра равна v . Транспортёр перемещается по полу с постоянной скоростью u перпендикулярно основным участкам его ленты. За некоторое время транспортёр сместился на расстояние s . Его новое положение показано на рисунке. Транспортёр толкает по полу брусок массы m , имеющий форму прямоугольного параллелепипеда. На рисунке дан вид сверху на эту систему.



Пренебрегая прогибом ленты и считая движение бруска установившимся, найдите смещение бруска за время s/u .

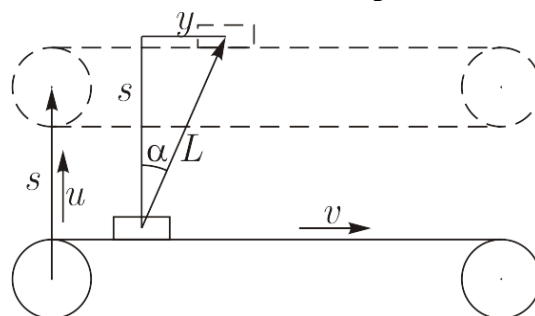
Определите работу по перемещению бруска совершаемую транспортёром за это время.

Коэффициент трения между бруском и полом равен μ_1 , а между бруском и лентой μ_2 .

Возможное решение

Фролов А.

Сила трения, действующая со стороны пола на брусок, направлена против вектора скорости бруска и равна $F_{\text{тр.1}} = \mu_1 mg$. Сила трения, действующая на брусок со стороны транспортёра, $F_{\text{тр.2}} \leq \mu_2 N$, где $N = F_{\text{тр.1}} \cos \alpha$. С другой стороны $F_{\text{тр.2}}$ уравновешивается силой $F_{\text{тр.1}}$: $F_{\text{тр.2}} = F_{\text{тр.1}} \sin \alpha$. Здесь возможны два случая.



1-й случай (есть проскальзывание между бруском и лентой):

$$F_{\text{тр.2}} = \mu_2 N = \mu_2 F_{\text{тр.1}} \cos \alpha = F_{\text{тр.1}} \sin \alpha.$$

Отсюда получаем: $\text{tg } \alpha = \mu_2$. Этот случай возможен когда $\frac{v}{u} \geq \mu_2$. При этом скорость бруска вдоль ленты меньше скорости ленты, т.е. происходит проскальзывание.

2-ой случай (между бруском и лентой нет проскальзывания). Тогда $v/u = \text{tg } \alpha$. Этот случай возможен при $v/u \leq \mu_2$.

Смещение бруска вдоль оси Y найдём из геометрических соображений: $y = s \text{tg } \alpha$.

Путь, пройденный бруском в первом случае равен $L = s\sqrt{1 + \text{tg}^2 \alpha} = s\sqrt{1 + \mu_2^2}$, а во втором –

$$L = s\sqrt{1 + \left(\frac{v}{u}\right)^2}.$$

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

Работа по перемещению бруска в обоих случаях равна $A = LF_{\text{Тр.1}} = \mu_1 mgL$, так как сила, действующая на брусок со стороны транспортера, уравнивается силой трения со стороны пола (брусок движется с постоянной скоростью). Конкретно:

$$A_1 = \mu_1 mgs\sqrt{1 + \mu_2^2}, \quad A_2 = \mu_1 mgs\sqrt{1 + \left(\frac{v}{u}\right)^2}.$$

Критерии оценивания

Указано направление действия силы $F_{\text{Тр.1}}$	1 балл
Найдена реакция опоры N	1 балл
Найдена сила трения $F_{\text{Тр.2}}$	1 балл
Указаны два случая	1 балл
Найдено направление смещения бруска (по 1 баллу за каждый случай)	2 балла
Найдено смещение бруска L (по 1 баллу за каждый случай)	2 балла
Найдена работа по перемещению бруска (по 1 баллу за каждый случай)	2 балла

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

11 класс

1. Мощность в пространстве

На изначально покоящийся на гладком горизонтальном столе брусок массы $m = 2$ кг, начали действовать постоянной горизонтальной силой F . В результате была получена зависимость мощности N от перемещения s бруска. Некоторые измерения могли оказаться не очень точными.

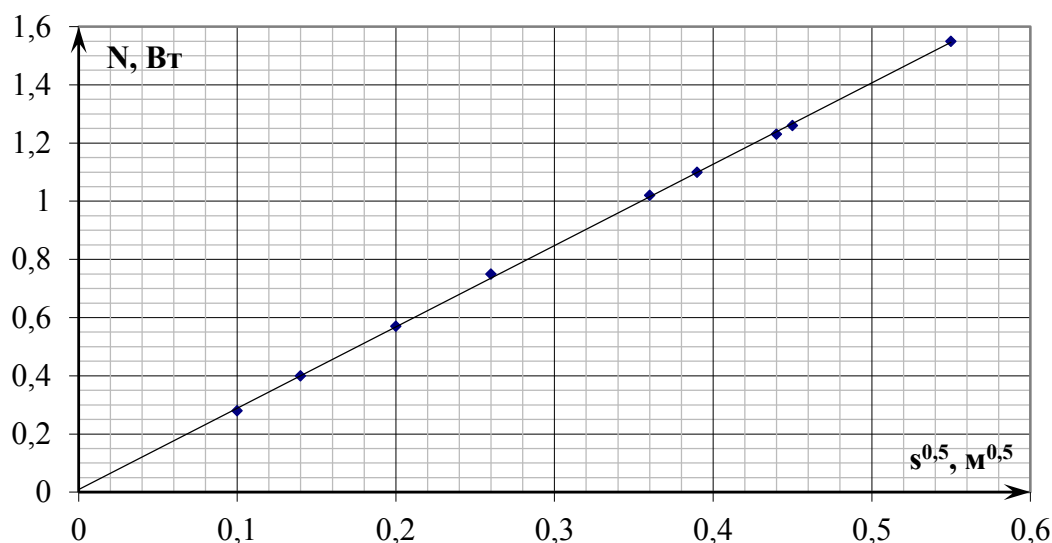
- В каких координатных осях экспериментальная зависимость мощности от перемещения линейна?
- Определите мощность силы в точке с координатой $s_0 = 10$ см.
- Найдите значение силы F .

N , Вт	0,28	0,40	0,57	0,75	1,02	1,10	1,23	1,26	1,50
s , см	1,0	2,0	4,0	7,0	13	15	19	20	30

Возможное решение

Гордеев З.

Так как $N = Fv$ и работа силы $A = Fs = \frac{mv^2}{2}$, то $N = \sqrt{\frac{2F^3 s}{m}}$ и ожидается линейная зависимость $N(\sqrt{s})$. Линейная зависимость будет и в логарифмических координатах.



Построим график $N(\sqrt{s})$ по табличным данным. Проведем через нанесённые точки наилучшую прямую из начала координат.

В точке с координатой $s = 10$ см мощность должна составлять 0,89 Вт. По угловому коэффициенту наклона графика $k = \frac{\Delta N}{\sqrt{\Delta s}} = \sqrt{\frac{2F^3}{m}} \approx 2,8$ Вт/м^{1/2} определяем значение силы

$$F = \sqrt[3]{k^2 m / 2} \approx 2,0 \text{ Н.}$$

Сегодня, 20 января, на портале online.mipt.ru составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале online.mipt.ru

Критерии оценивания

- Вывод теоретической зависимости $N(s)$ **2 балла**
- Выбор осей $N(\sqrt{s})$ или $N^2(s)$, в которых зависимость линейна **1 балл**
- Построение графика в осях $N(\sqrt{s})$ **3 балла**
 - Если построен криволинейный график 1 балл
- Нахождение мощности в точке $s = 10$ см **1 балл**
 - интерполяция на криволинейном графике 0 баллов
- Нахождение углового коэффициента графика **1 балл**
- Нахождение значения силы **2 балла**

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

2. «Тёмная материя»

Скопления звёзд образуют бесстолкновительные системы – галактики, в которых звёзды равномерно движутся по круговым орбитам вокруг оси симметрии системы. Галактика NGC 2885 состоит из скопления звёзд в виде шара (ядра радиусом $r_{\text{я}} = 4$ кпк) и тонкого кольца,



внутренний радиус которого совпадает с радиусом ядра, а внешний равен $15 r_{\text{я}}$. Кольцо состоит из звёзд с пренебрежимо малой по сравнению с ядром массой. В ядре звёзды распределены равномерно.

Было установлено, что линейная скорость движения звёзд в кольце не зависит от расстояния до центра галактики: от внешнего края кольца вплоть до края ядра скорость звёзд $v_0 = 240$ км/с. Такое явление может быть объяснено наличием несветящейся массы («тёмной материи»), распределенной сферически симметрично относительно центра галактики вне её ядра.

- 1) Определите массу $M_{\text{я}}$ ядра галактики.
- 2) Определите среднюю плотность $\rho_{\text{я}}$ вещества ядра галактики.
- 3) Найдите зависимость плотности «тёмной материи» $\rho_{\text{T}}(r)$ от расстояния до центра галактики.
- 4) Вычислите отношение массы «тёмной материи», влияющей на движение звёзд в диске, к массе ядра.

Примечание: 1 кпк = 1 килопарсек = $3,086 \cdot 10^{19}$ м, гравитационная постоянная $\gamma = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{Н} \cdot \text{м}^2 \cdot \text{кг}^{-2}$.

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

Возможное решение

Коротков П.

Из уравнения $\frac{v_0^2}{r_я} = \frac{\gamma M_я}{r_я^2}$ находим массу ядра галактики: $M_я = \frac{r_я v_0^2}{\gamma} = 1,1 \cdot 10^{41}$ кг.

Средняя плотность материи в ядре галактики $\rho_я = \frac{M_я}{(4/3)\pi r_я^3} = \frac{3v_0^2}{4\pi\gamma r_я^2} = 1,35 \cdot 10^{-20}$ кг/м³.

Вне ядра галактики $\frac{v_0^2}{r} = \left(\frac{\gamma}{r^2}\right)(M_я + M_T(r))$. Тогда $v_0^2 r = \gamma(M_я + M_T(r))$.

После дифференцирования этого выражения получим: $v_0^2 dr = \gamma dM_T(r) = \gamma \rho(r) 4\pi r^2 dr$.

Из последнего уравнения найдём зависимость плотности «тёмной материи» $\rho_T(r)$ от

расстояния до центра галактики: $\rho(r) = \frac{v_0^2}{4\pi\gamma r^2} = \frac{M_я}{4\pi r_я r^2}$.

Масса тёмной материи $M_T = \frac{15r_я v_0^2}{\gamma} - M_я = 14M_я$. Этот же результат можно получить и

интегрированием: $M_T = \int_{r_я}^{15r_я} \rho(r) 4\pi r^2 dr = 14M_я$.

Таким образом, искомое отношение равно 14.

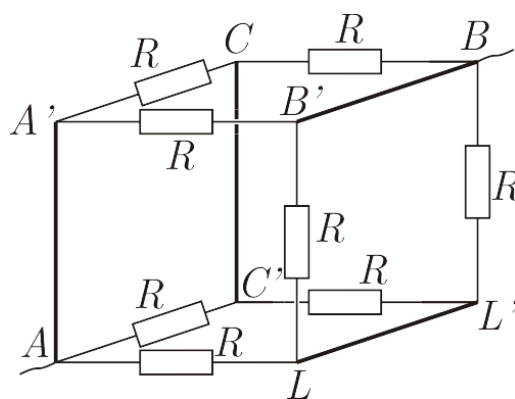
Критерии оценивания

- | | |
|---|----------------|
| 5) Определена масса $M_я$ ядра галактики | 2 балла |
| 6) Определена средняя плотность $\rho_я$ вещества ядра галактики | 1 балл |
| 7) Найдена зависимость плотности «тёмной материи» $\rho_T(r)$ от расстояния до центра галактики | 4 балла |
| 8) Вычислено отношение массы «тёмной материи», влияющей на движение звёзд в диске, к массе ядра | 3 балла |

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

3. Четыре в кубе

Куб собран из одинаковых резисторов, имеющих сопротивления R . Четыре резистора заменены на идеальные перемычки, как указано на рисунке.



- Найдите общее сопротивление получившейся системы между контактами А и В.
- Через какие резисторы сила текущего тока максимальна, а через какие – минимальна? Найдите эти значения силы тока, если сила тока, входящего в узел А равна $I_0 = 1,2$ А?
- Какова сила тока, текущего через идеальную перемычку AA'?

Возможное решение

Изобразим эквивалентную схему и расставим токи в ветвях с учетом закона сохранения заряда и симметрии соединения резисторов.

Силу тока I_1 найдем, приравняв разность потенциалов между узлами А и L для ветвей AL и ACL:

$$I_1 R = IR + (2I - I_1)R, \text{ откуда } I_1 = 3I/2.$$

Аналогичным образом найдём силу тока I_2 :

$$U_0 = I_2 R = I_1 R + IR = 5IR/2, \text{ откуда } I_2 = 5I/2.$$

Сила тока $I_0 = 2I + I_1 + I_2 = 5I/2 = 6I$. Отсюда $I = 0,2$ А.

Теперь легко дать ответы на вопросы задачи.

$$\text{Общее сопротивление цепи равно } R_0 = \frac{U_0}{I_0} = \frac{5IR}{2} \frac{1}{6I} = \frac{5}{12} R.$$

Минимальная сила тока в ветви CL. Она равна $2I - I_1 = I/2 = 0,1$ А. Максимальная сила тока в ветви A'B': $I_2 = 0,5$ А.

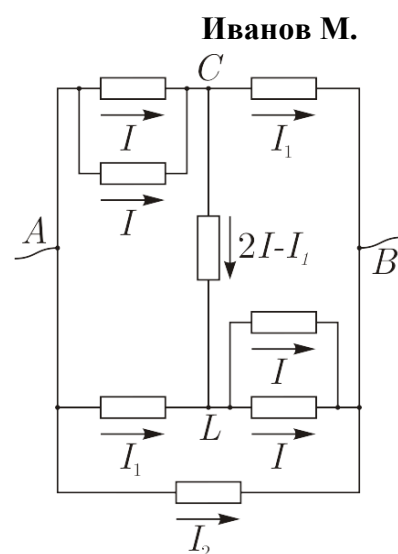
Сила тока, текущего через идеальную перемычку AA', равна сумме токов через резисторы в ветвях A'C и A'B':

$$7I/2 = 0,7 \text{ А.}$$

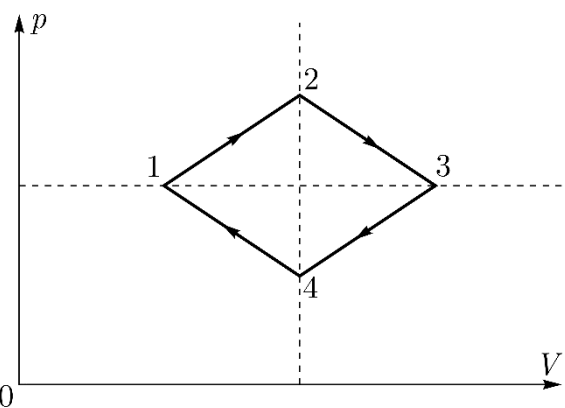
Критерии оценивания

- | | |
|--|----------------|
| • Правильная эквивалентная схема | 2 балла |
| • Найдены токи через резисторы | 3 балла |
| • Найдено общее сопротивление | 2 балла |
| • Определены максимальные и минимальные токи | 2 балла |
| • Найден ток через перемычку | 1 балл |

Сегодня, 20 января, на портале online.mipt.ru составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале online.mipt.ru



4. Ромб. Циклический процесс, совершаемый над идеальным газом, на (p, V) плоскости представляет собой ромб (см. качественный рисунок). Вершины (1) и (3) лежат на одной изобаре, а вершины (2) и (4) – на одной изохоре. За цикл газ совершил работу A .



Насколько отличается количество теплоты Q_{12} , подведённой к газу на участке 1-2, от количества теплоты $|Q_{34}|$, отведённой от газа на участке 3-4?

Возможное решение.

Слободянин В.

Количество теплоты, подведённое к газу на участке 1-2 равно $Q_{1,2} = U_{1,2} + A_{1,2}$.

Количество теплоты, отведённое от газа на участке 3-4 равно $|Q_{3,4}| = U_{4,3} + A_{4,3}$.

Сравним изменения величин внутренних энергий.

Пусть давление в точках 1 и 3 равно p_0 , а объём в точках 2 и 4 равен V_0 . Пусть далее, при переходе из состояния 1 в 2 давление изменяется на Δp , а объём на ΔV . Тогда изменение температуры найдём из следующих соображений:

$$\begin{aligned} \nu RT_2 &= p_0 V_0 + V_0 \Delta p; \\ \nu RT_1 &= p_0 V_0 - p_0 \Delta V; \\ \nu R(T_2 - T_1) &= V_0 \Delta p + p_0 \Delta V. \end{aligned}$$

При переходе из состояния 3 в состояние 4 изменение температуры найдём из следующих соображений:

$$\begin{aligned} \nu RT_3 &= p_0 V_0 + p_0 \Delta V; \\ \nu RT_4 &= p_0 V_0 - V_0 \Delta p; \\ \nu R(T_3 - T_4) &= p_0 \Delta V + V_0 \Delta p. \end{aligned}$$

Поскольку $T_3 - T_4$ равно $T_2 - T_1$, то равны между собой и изменения величин внутренней энергии: $U_{1,2} = U_{4,3}$.

Работа $A_{1,2}$ больше работы $A_{4,3}$ на величину $A/2$.

Следовательно, и количество теплоты, подведённой к газу на участке 1-2, больше количества теплоты, отведённой от газа на участке 3-4, на $A/2$.

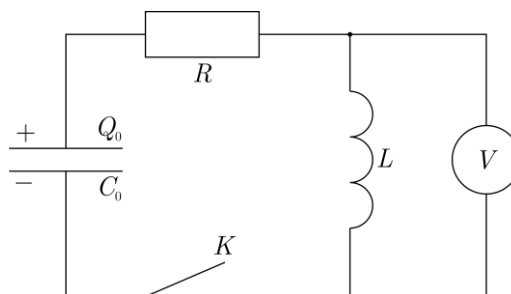
Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

Критерии оценивания

1. Использовано 1-е начало термодинамики для участков 1-2 и 3-4 цикла **1 балл**
2. Показано, что изменения температуры на участках 1-2 и 3-4 одинаковы (по модулю) **4 балла**
3. Сделан вывод о том, что изменения внутренней энергии на участках 1-2 и 3-4 равны (по модулю) **1 балл**
4. Показано, что модули работы на участках 1-2 и 3-4 отличаются на $A/2$ **3 балла**
5. Записан окончательный результат **1 балл**

5. Колебаниям – нет!

В электрической цепи (см. рис.), состоящей из резистора сопротивлением R , катушки индуктивностью L , на конденсаторе емкостью C_0 находится заряд Q_0 . В некоторый момент времени замыкают ключ K и одновременно начинают изменять емкость конденсатора так, что идеальный вольтметр показывает постоянное напряжение.



- 1) Как зависит от времени емкость конденсатора $C(t)$ при изменении t от 0 до $t_1 = \sqrt{C_0 L}$?
- 2) Какую работу за время t_1 совершили внешние силы? Считайте, что $t_1 = L/R = \sqrt{C_0 L}$.

Подсказка. Количество теплоты, выделившейся на резисторе за время t_1 ,

$$\text{равно } W_R = \int_0^{t_1} I^2(t) R dt = \frac{Q_0^2}{3C_0}.$$

Возможное решение.

Осин М.

В начальный момент времени ток в цепи не течёт, поэтому $U_L = U_C = \frac{Q_0}{C_0}$.

Поскольку $U_L = L \frac{dI}{dt}$ и остается постоянным (по условию), то: $I = \frac{Q_0}{C_0 L} t$.

По закону Ома для полной цепи

$$U_C = U_L + RI(t) = L \frac{dI}{dt} + RI(t) = \frac{Q_0}{C_0} + \frac{Q_0 R}{C_0 L} t = \frac{Q_0}{C_0} \left(1 + \frac{R}{L} t \right).$$

Заряд на конденсаторе изменяется по закону

$$Q(t) = Q_0 - \frac{Q_0}{C_0 L} \int_0^t \tau d\tau = Q_0 \left(1 - \frac{t^2}{2C_0 L} \right).$$

Этот же результат можно получить, вычислив площадь под графиком зависимости $I(t)$.

$$\text{Окончательно, } C(t) = \frac{Q(t)}{U(t)} = C_0 \left(1 - \frac{t^2}{2C_0 L} \right) / \left(1 + \frac{Rt}{L} \right).$$

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**

Искомую работу найдем из закона сохранения энергии

$$A = W_R + \Delta W_C + \Delta W_L.$$

Энергия, запасенная в конденсаторе,

$$W_C = \frac{1}{2} Q U_C = \frac{Q_0^2}{2C_0} \left(1 - \frac{t^2}{2C_0 L} \right) \left(1 + \frac{R}{L} t \right).$$

Отсюда $W_C(0) = \frac{1}{2} Q U_C = \frac{Q_0^2}{2C_0}$, $W_C(t_1) = \frac{1}{2} Q U_C = \frac{Q_0^2}{2C_0} \left(1 - \frac{1}{2} \right) (1+1) = \frac{Q_0^2}{2C_0}$.

Окончательно

$$A = \frac{Q_0^2}{3C_0} + 0 + \frac{Q_0^2}{2C_0} = \frac{5Q_0^2}{6C_0}.$$

Примечание. Условие, что напряжение на индуктивности остается постоянным, может выполняться только конечное время, поэтому в вопросе (1) стоит ограничение $t < t_1 = \sqrt{C_0 L}$.

Критерии оценивания

- | | |
|---|---------|
| 1. Получена зависимость $I(t)$ | 1 балл |
| 2. Получена зависимость $U(t)$ | 2 балла |
| 3. Получена зависимость $Q(t)$ | 2 балла |
| 4. Найдена зависимость $C(t)$ | 1 балл |
| 5. Записан закон сохранения энергии | 1 балл |
| 6. Показано, что энергия конденсатора не изменилась | 2 балла |
| 7. Вычислена работа внешних сил | 1 балл |

Сегодня, 20 января, на портале **online.mipt.ru** составители данного комплекта проведут онлайн-разбор решений задач. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 16.00; 8 класс – 17.00; 9 класс – 18.30; 10 класс – 20.00; 11 класс – 19.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале **online.mipt.ru**